

MATHÉMATIQUES



Deuxième préparatoire Premier semestre

Livrede l'clève

Rédigé par

M. Omar Fouaad Gaballah

Dr. Affaf Aboul Foutouh Saleh

Dr. Essam Wassfy Roufail

M. Mahmoud Yasser El Khatib

0

M. Sirafim Elias Iskandar

Révisé par

M. Hussein Mahmoud Hussein consiller pour les mathématiques

M. Fathi Ahmed Chehata

M. Adel Mohamed Hamza

M. Nasser Saad Zaghloul

Première édition : 2009 Dépôt légal No. 17612/2009 LS.P.N. 978-977-6294-41-7

يستراقله الرحمن الرهيم

Cher élève,

Nous avons le plaisir de te présenter le manuel de mathématiques de deuxième préparatoire. Nous avons tenu à faire de l'apprentissage des mathématiques un travail intéressant et utile adapté à la vie pratique et à l'apprentissage des autres matières scolaires afin que tu sentes l'importance de l'étude des mathématiques "sa valeur" et que tu apprécies le rôle des mathématiciens. Ce manuel présente les activités comme éléments essentiels, et nous avons essayé de d'introduire le contenu scientifique d'une manière simple pour t'aider à construire tes connaissances mathématiques et à acquérir des méthodes de raisonnement convenables favorisant la créativité.

Ce manuel comporte plusieurs unités et chaque unité comporte plusieurs leçons. Les images et les couleurs sont utilisées pour illustrer les notions mathématiques, les propriétés des figures, en utilisant un langage facile et adapté tenant compte des connaissances acquises. Nous avons également tenu à t'entraîner à découvrir les connaissances visées pour développer ta capacité à l'auto apprentissage. La calculatrice et l'ordinateur sont utilisés à chaque fois que l'occasion se présente. Chaque leçon comporte des exercices et chaque unité comporte des exercices généraux, des activités concernant le portfolio et une épreuve. A la fin du manuel, nous proposons des épreuves générales, pour t'aider à réviser la totalité du programme et des indications pour les réponses à certains exercices.

Nous espérons que ce travail sera bénéfique pour toi et pour notre chère Egypte.

Les auteurs

Sommaire

Unité (1): Nombres réels

Révision :
Leçon (1): Racine cubique d'un nombre rationnel
Leçon (2): l'Ensemble des nombres irrationnels Q'9
Leçon (3): Calcul d'une valeur approchée d'un nombre irrationnel 11
Leçon (4): l'Ensemble des nombres réels R
Leçon (5): les Relation d'ordre dans R
Leçon (6): Intervalles
Leçon (7): les Opérations sur les nombres réels
Leçon (8): les Opérations sur les racines carrées
Leçon (9): les Opérations sur les racines cubiques
Leçon (10) : les Applications sur les nombres réels 40
Leçon (11) : Résolution d'équations et d'inéquations du premier degré à une
inconnue dans R
Exercices généraux 49
le Portiolio51
Epreuve de l'unité52
Unité (2) : Relation entre deux variables
Leçon (1): la Relation entre deux variables54
Leçon (2) : la Pente d'une droite et applications
Exercices 62
Epreuve de l'unité 64
Unité (3) : Statistiques
Leçon (1): Recueil et organisation des données66
Leçon (2) : Tableau des effectifs cumulés croissants, tableau des effectifs
Legon (A) . Iduledo des enectis cumules clossalis, tabledo des ellectis

cumulés décroissants et leurs représentations graphiques70
Leçon (3): la Moyenne arithmétique, la médiane et la mode
Fxercices généraux 82
le Portfolio 83
Fpreuve de l'unité 84
Unité (4) : Géométrie
Leçon (1) : les Médianes d'un triangle
Leçon (2) : Triangle isocèle
Leçon (3) : les Théorèmes fiés au triangle isocèle
Leçon (4) : les Corollaires liés au triangle isocèle
Exercices généraux
le Portfolio
Epreuve de l'unité
Unité (5) : Inégalité
Leçon (1): l' Inégalité
Leçon (2) : la Comparaison des mesures des angles d'un triangle 122
Leçon (3) : la Comparaison des longueurs des côtés d'un triangle127
Leçon (4) : l' Inégalité triangulaire 133
Exercices généraux
le Portfolio
Epreuve de l'unité
Modèles 139

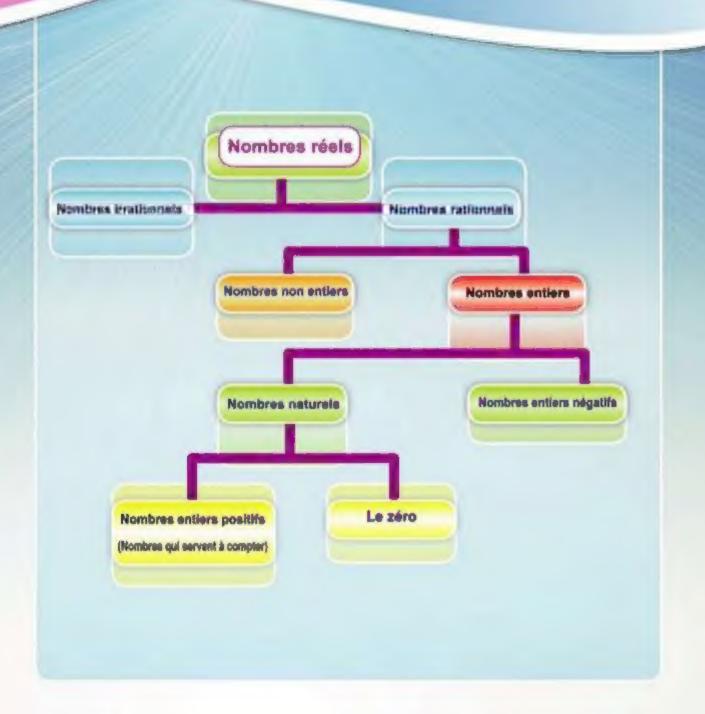
Symboles mathématiques utilisés

14	ensemble des nombres naturels	Т	perpendiculaire à
Z	ensemble des nombres entiers	//	paralièle à
Q	ensemble des nombres rationnels	AB	le segment AB
Q'	eneemble des nombres irrationnels	AB	la demi-droite AB
R	ensemble des nombres réels	AB	la droite AB
√a	racina carrê de s	m(∠L)	mesure de l'angle L
Va	racine cubique de a	~	semblable à
[a , b]	intervalle fermé	>	plus grand que
]a , b[Intervalle ouvert	>	plus grand ou égal à
[a , b[intervalle semi-ouvert (fermé)	<	plus petit que
]a , b]	Intervalle semi-fermé (ouvert)	<	plus petit ou égal à
[a , += [intervalle illimité	P(A)	probabilité de l'événement A
=	superposition		

Unité (1)

1

Nombres réels



Révision

Réfléchis et discute

Ensembles des nombres

L'ensemble des nombres (qui servent à compter) = {1,2,3,...}

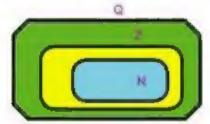
L'ensemble des nombres naturels M = {0, 1, 2, 3, ...} = nombres qui servent à compter v (0)

L'ensemble des nombres entiers $\mathbf{Z} = \{..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...\}$

L'ensemble des nombres entiers positifs Z. = {1, 2, 3, ...} = nombres qui servent à compter

L'ensemble des nombres entiers négatifs Z== [-1,-2,-3,...]

L'ensemble des nombres rationnels $Q = \{ \underbrace{a}_b : a \in \mathbb{Z}, b \in \mathbb{Z}, b \neq 0 \}$



NCZCQ

Valeur absolue d'un nombre :

$$|-7|=7$$
, $|3|=3$, $|0|=0$, $|-\frac{5}{3}|=\frac{5}{3}$

Si
$$|a| = 5$$
, alors $a = \pm 5$

L'écriture scientifique d'un nombre rationnel :

$$a \times 10^{\circ}$$
 où $n \in \mathbb{Z}$, $1 \le |a| < 10$

Exemples :- L'écriture scientifique du nombre 25,32 × 10⁴ = 2,532 × 10⁵ - L'écriture scientifique du nombre 0,00053= 5,3 × 10⁻⁴

Le nombre rationnel carré parfait :

C'est le nombre positif qu'on peut écrire sous la forme d'un carré d'un nombre rationnel et donc sous la forme : (un nombre rationnel)²

Le nombre rationnel cube parfait :

C'est le nombre pouvant être écrit sous la forme d'un cube d'un nombre rationnel et donc sous la forme : (un nombre rationnel)³

La racine carrée d'un nombre rationnel carré parfait :

- D La racine carrée d'un nombre rationnel positif "a" est le nombre dont le carré est égal à "a".
- √zéro = zéro.
- Tout nombre rationnel carré parfait "a" admet deux racines carrées dont l'une est l'opposée de l'autre. Ce sont √a et -√a

Exemple : Le nombre $\frac{10}{26}$ admet pour racines carrées : $\frac{4}{5}$ et $-\frac{4}{5}$

O V9 signifie la racine carrée positive de 9. C'est donc 3

$$\sqrt{\left(\frac{a}{b}\right)^2} = \left|\frac{a}{b}\right| \text{ Par exemple}$$

$$\sqrt{\left(-7\right)^2} = \left|-7\right| = 7$$



Compléter le tableau ci-contre

Nombre	Nombre naturel	Nombre entier	Nombre retionnel
3	1	1	1
-3			
3 5			
$\sqrt{\frac{9}{16}}$			
5 - 7			

Exercices de révision

1 Compléter en mettant chaque nombre sous la forme 🖐 où a et b sont deux nombres entiers n'ayant pas un facteur commun et b # 0.

2 Choisir la bonne réponse parmi les réponses données :

$$(0 \text{ ou} - \frac{a}{b} \text{ ou} \frac{a^2}{b^2} \text{ ou} \frac{-a^2}{b^2})$$

 $(0 \text{ ou} |-12| \text{ ou} -12 \text{ ou} 6)$

🔰 🚫 Trouver la valeur de x qui vérifie chacune des équations suivantes. x est-il un nombre naturel, entier ou rationnel ?

$$A 5x + 3 = 20$$

$$B 7\chi + 11 = 12$$

$$9 3 \chi + 5 = 1$$

👍 🚫 Trouver le résultat sous la forme la plus simple :

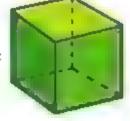
Racine cubique d'un nombre rationnel

Reflechis et discute



Nous avons déjà étudié que :

Volume d'un cube = longueur de l'arête × longueur de l'arête × longueur de l'arête



125

25

5

5

5

5

Compléter Compléter

Le volume d'un cube ayant pour longueur d'arête. 7 cm



Et: Réfléchie

On dispose d'un cube de volume 125 cm³. Quelle est la longueur de son arête?

On cherche trois nombres égaux dont le produit = 125 Pour cela, on factorise le nombre 125 en facteurs premiers 125 = 5 × 5 × 5

Le cube ayant pour volume 125 cm3 a pour longueur d'arête 5 cm.

Le nombre 5 est appelé la racine cubique du nombre 125. On note v 125 = 5,

La racine cubique d'un nombre rationnel "a" est le nombre dont le cube est egal à "a"

- On symbolise la racine cubique d'un nombre rationnel a par a
- La racine cubique d'un nombre rationnel positif est un nombre positif Par exemple 0 125 = 5
- La racine cubique d'un nombre rationnel negatif est un nombre négatif. Par exemple 🌵 🤻 = -2

R negroods

- → Comment calculer le recine cubique d'un nombre rationnel en le factorisant.
- ₹ Trouver cubique d'un nombre retonnel en utilisent une celculatrica
- Résoudre une nodeupé exigeant is recherche d'une recine cubique
- Résoudre dea peměldona racine cubique d'un nombre rationnel.

Rouvelles expressions

Recine cubique



Pour trouver la racine cubique d'un nombre rationnel cube parfait :

- Nous pouvons factoriser le nombre en facteurs premiers
- O Nous pouvons utiliser une calculatore.

Notone que un nombre rationnel cube parfait admet une seule racine cubique. Sa racine cubique est un nombre rationnel Pourquoi ?





Exemples

Utiliser la méthode de la factorisation pour trouver la valeur de $\sqrt{1000}$, $\sqrt{216}$, $\sqrt{3}$, puis vérifier le résultat à l'eide d'une calculatrice.

Solution

$$3 \frac{3}{6} = \frac{27}{6} 27 \begin{vmatrix} 3 & 6 & 2 \\ 9 & 3 & 4 & 2 \\ 3 & 3 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$$

$$\sqrt{1 \frac{1}{8}} = \sqrt{\frac{27}{8}} = \frac{3}{2}$$

Utiliser une calculatrice pour verifier votre réponse en oblisant la touche

? Trouver le reyon d'une sphère eyant pour volume 4861 cm² (prendre $\pi = \frac{22}{7}$)

Solution

Volume de la sphère =
$$\frac{4}{3} R r^3$$

 $4851 = \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} r^3$
 $r^3 = \frac{4851 \times 3 \times 7}{4 \times 22} = \frac{9201}{8}$
 $r^3 = \frac{3^3 \times 7^3}{2^9}$
 $r = \sqrt[3]{\frac{3^3 \times 7^3}{2^3}}$



Unite 1 . Leçon 1

$$r = \frac{3 \times 7}{2} = \frac{21}{2} = 10.5 \text{ cm}$$

Nous pouvons utiliser la calculatrice pour trouver la valeur de 1 9281 directement.



Pour s'entrainer

Trouver la longueur du diamètre d'une sphère de volume 113,04 cm 4 (π = 3,14)



Exemples

Résoudre chacune des équations sulvantes.

$$G (x-2)^3 = 125$$

$$(x-2)^3 = 125$$
 $(2x-1)^3 \cdot 10 = 54$

Solution

$$x^3 = 8$$
 $x = \sqrt[3]{8} = 2$

$$B = \pi^3 + 9 = 8$$

$$x^3 = 8 - 9$$

l'ensemble-solution = $\{2\}$ $x^3 = -1$

 $x = \sqrt{-1} = -1$ \therefore l'ensemble-solution = {-1}

$$C (x-2)^3 = 125$$

$$D (2x-1)^3 - 10 = 54$$

$$(2x-1)^3 = 64$$

$$2x - 1 = 4$$

$$2x = 5$$

$$x = \frac{5}{2}$$

 $x = \frac{6}{2}$ \therefore l'ensemble-solution = $\{\frac{5}{2}\}$



Pour s'entrainer

Résoudre dans Q, les équations : $(x + 1)^3 = 27$ et $(x + 1)^3 = -27$



Exercices (1-1)

Compléter le tableau suivant :

Nombre s

125

∜a

-10

Compléter

B 🔾 343

E 1 27 7 64

Choisir la bonne réponse parmi les réponses données :

(2 ou -2 ou 4 ou -4)

$$-1\frac{3}{2}$$
 ou $\frac{1}{2}$ ou 2 ou 2)

$$(\frac{1}{2} \text{ od } 10 \text{ od } 2 \text{ od } 2)$$

(36 ou 6 ou 144 ou 216)

$$(x^1 \text{ ou } x^2 \text{ ou } x \text{ ou } x^4)$$

Trouver la valeur de x dans chacun des cas sulvants :

$$\mathbf{D} \times^{\mathbf{J}} = -8$$

$$E = x^3 - 125 = 0$$

$$E = \chi^* = 64$$

Trouver dans Q, l'ensemble solution de chacune des équations suivantes :

$$A x^1 + 27 = 0$$

$$8x^3 + 7 = 8$$

$$C_{ij}(x+3)^3 = 343$$

$$D (5 \times -2)^{1} + 10 = 18$$

Exercices d'application

- Si la capacite d'un récipient ayant la forme d'un cube est un litre, calculer la longueur de son arête.
- B Une sphere a pour volume 1372. It unite de volume (Trouver la longueur de son rayon - volume d'une sphere - 🧍 🗷 🗥

L'ensemble des nombres irrationnels @'



Reflechis et discute



$$\frac{\bullet}{b}$$
: où $a \in \mathbb{Z}$, $b \in \mathbb{Z}$, $b \neq 0$

Par exemple pour résoudre l'équation $4x^2 = 25$

$$x^2 = \frac{25}{4}$$

$$A \times = \pm \frac{5}{7}$$

Ou remarque que les deux nombres $\frac{5}{2}$ et - $\frac{5}{2}$ sont des nombres rationnels mais il y a beaucoup de nombres qu'on ne peut pas mettre sous la forme $\frac{a}{b}$ où $a \in \mathbb{Z}$, $b \in \mathbb{Z}$, $b \neq 0$

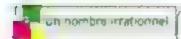
Par exemple : pour résoudre l'équation $\chi^2 = 2$, on ne peut pas trouver un nombre rationnel dont le carré est égal à 2.

B appresdit

 L'ensemble des nombres irrationnels.

Rouvelle, expressions

un nombre irrationnel



C'est un nombre qu'on ne peut pes mettre sous la forme ₽ où a ∈ Z, b ∈ Z, b ≠ 0

Exemples de nombres irrationnels :

1) Les racines carrées des nombres positifs, non carrés parfaits.

Per exemple: $\sqrt{2}$, $\sqrt{5}$, $-\sqrt{6}$, $\sqrt{7}$

Les racines cubiques des nombres, non cubes parfaits.

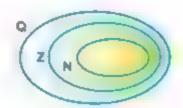
Por exemple : \$\frac{4}{4}, \$\frac{3}{-2}, \$\frac{1}{11}, ...

La valeur approchée π

Car on ne peut pas trouver une valeur exacte pour l'un de ces nombres. Pourquoi ?

De tels nombres forment un ensemble appele, l'ensemble des nombres irrationnels et on le note Q¹







Réfléchis Le nombre « L'est il un nombre rationnel / Prigreguoi ?

Exercices (1-2)

Compléter en utilisant l'un des deux symboles Q et Q'.

Mettre le signe (✔) devant la phrase correcte et le signe (※) devant la phrase fausse

3 Choisir la bonne réponse parmi les réponses données .

A Le carre ayant pour longueur de côté > 3 cm a pour aire. (4 √3 ou 9 ou 3 ou 6)

B Le nombre rationnel compris entre 3 et 4 est

$$(3.5 \text{ ou} \frac{1}{0} \text{ ou} \sqrt{11} \text{ ou} \sqrt{20})$$

Le nombre grationnel compris entre 2 et 1 est

Calcul d'une valeur approchée d'un nombre irrationnel

Réfléchis et discute

Peut-on trouver deux nombres rationnels qui encadrent

On remarque que

 $\sqrt{2}$ est comprise entre $\sqrt{1}$ et $\sqrt{4}$ d'où $1 < \sqrt{2} < 2$ Donc $\sqrt{2} = 1 + \text{une fraction décimale}$

Pour trouver une valeur approchée de 📢 2 , on examine les valeurs des nombres sulvants :

$$1,17^2 = 1,21$$
, $1,27^2 = 1,44$, $(1,3)^2 = 1,69$, $1.47^2 = 1,96$, $(1,5)^2 = 2,25$

$$1.4\% = 1,95$$
, $11,5\% = 2,25$

$$1.4 < \sqrt{2} < 1.5$$

Donc $\sqrt{2} = 1.4 + \text{une fraction décimale}$

D'où 1.41 $< \sqrt{2} < 1.42$

Utiliser une calculatrice pour vérifier votre réponse.

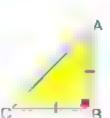


- & Trouver une valeur approchée d'un nombre rationnel
- 3 Représenter un nompre rationne sur la droite des nombres
- 5 resoudre des équations dans Q'

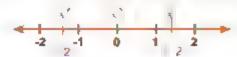
Representation d'un nombre irrationnel sur une droite numérique :

Comment peut-on déterminer le point qui représente 2 sur une droite numérique ?

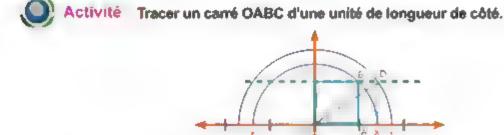
5i on trace un triangle ABC rectangle en B tel que AB = AC = une unité de longueur alors $AC^2 = AB^2 + BC^2 = 1^2 + 1^2 = 2$ • AC = $\sqrt{2}$ unité de longueur.



) Tracer une droite numérique. Placer la pointe sèche du compas au point O et avec un écartement équivalent à la longueur de AC, tracer un arc qui coupe la droite numérique, du côté droit par rapport au o, en un point N. Ce point représente s.2.



- On peut ut l'ser le même écartement pour déterminer le point x' représentant > ? où x' est situé à gauche du point O.
- Reflechis Déterminer le point représentant 3 + v 2 sur la droite numérique.



- La longueur de sa diagonale = $\sqrt{1+1}$ = $\sqrt{2}$ unité de longueur OB = $\sqrt{2}$
 - 2. Placer la pointe sèche du compas au point O et tracer un demi-cercle de rayon égal à la fongueur de $\overline{OB} = \sqrt{2}$.
- OA \cap le demi-cercle = [X , X'] où X est représente $\sqrt{2}$, X' représente $\sqrt{2}$.
- O Tracer XD // AB qui coupe CB en D. OD² = OX² + XD² = $(\sqrt{2})^2 + (1)^2 = 3$. OD = $\sqrt{3}$
- Placer la pointe seche du compas au point O et avec un écartement équivalent à la longueur de OD, tracer un demi-cercle qui coupe. OA en Y et Y
 - OY = v 3 Par conséquent, le point Y représente v 3 , et le point Y représente v 3
 - Completer de la même mamère, pour représenter les nombres v 4 , v 5 , v 6 , et les nombres -√4 , v 5 , v 6 ,



Pour s'entraîner

1 Trouver:

- deux nombres entiers consécutits qui encadrent le nombre v.5
- B deux nombres entiers consécutits qui encadrent le nombre v 12
- 💢 deux nombres entiers consécutifs qui encadrent le nombre 🕏 10
 - deux nombres entiers consecutits qui encadrent le nombre y 30

2 . N Démontrer que :

- 🛕 🕡 est comprise entre 1,7 et 1,8 💢 🐧 🐧 15 est comprise entre 2,4 et 2.5
- 🗿 Trouver à un centième près une valeur approchée de 🔻 👯
- Trouver à un disseme près une valeur approchée de 🕔 🔠
- Tracer une droite numerique. Determiner ensuite sur cette droite le nombre représentant v.3.
- Iracer une droite numérique. Déterminer ensuite sur cette droite le nombre représentant $1 + \sqrt{2}$.



Exemple (1)



$$A x^2 = 2$$

$$B = x^3 = 5$$

$$G = \frac{4}{3} x^2 = 1$$

B
$$x^3 = 5$$
 C $\frac{4}{3}x^2 = 1$ 3 0,001 $x^3 = -8$

Solution

$$x = \pm \sqrt{2}$$

Pensemble-solution =
$$\{-\sqrt{2}, \sqrt{2}\}$$

$$\mathbb{Q} = \frac{4}{3} x^2 - 1$$

$$\frac{3}{4} \times \frac{4}{3} \times x^2 - \frac{3}{4} \times 1$$

$$x^2 = \frac{3}{4}$$

$$x - \pm \sqrt{\frac{3}{4}} - \pm \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} - \pm \frac{3}{2}$$

$$x - \pm \sqrt{\frac{3}{4}} - \pm \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} - \pm \frac{3}{2}$$
 L'ensemble solution $- \{-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\}$



Exemple (2)



Solution

Si la longueur du côté du carré est x,

alors son aire =
$$x \times x = x^2$$

$$x^2 = 7$$

$$x = \pm \sqrt{7}$$
 cm

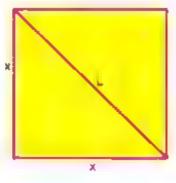
$$x = \pm \sqrt{7}$$
 cm $\therefore x = \sqrt{7}$ Pourquoi?

Pour trouver la longueur de la diagonale, on utilise le théorème de Pythagore.



$$l = \pm \sqrt{14}$$
 cm

$$L = \sqrt{14}$$
 cm. Pourquot?





Exemple (3)



Solution

L'aire du cercle = π r²

$$3\pi = \pi r^2$$

$$r^2 = 3$$

r v3 cm ou
$$r = -\sqrt{3}$$
 cm (refusé)

Le périmètre du cercle $2\pi r = 2\pi \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}\pi$ cm.

Exercices (1-3)

Entourer les nombres intationnels dans ce qui suit :

$$\sqrt{3}$$
, -0,2, $\sqrt[3]{-1}$, 0, $\sqrt[3]{9}$, - $\sqrt{\frac{4}{25}}$

Trouver la valeur de x dans chacun des cas sulvants puis déterminer si X E Q OU X E Q

$$A 4x^2 = 9$$

$$B 2x^2 = 6$$

$$C x^3 = 125$$

$$D. x^3 = 10$$

$$E(x-1)^2 = 4$$

$$E(x-2)^3 = 1$$

- Trouver une valeur approchée du nombre 🔨 10, puis vérifier le résultat en utilisant une calculatrice
- Refléchir. Si x est un nombre entier, trouver la valeur de x dans chacun des cas survants :

- Choisir la bonne réponse parmi les réponses données
 - A Le nombre rrationnel compris entre 2 et 3 est (v. 10 ou v. 7 ou 2,5 ou v. 3)

$$Q = \sqrt{10} = \dots$$
 (2.99 ou 3.71 ou 3 ou - 3.2)

- Le nombre le plus proche du nombre ₹25 est 5 ou 3 ou 2 ou 12,5).
- Le carre qui a pour aire 10 cm², a pour longueur de côté (5 ou -5 ou √10 ou - √10)
- Le cube ayant pour volume 64 cm³, a pour longueur d'arête cm (8 ou 4 ou 16 ou 64)
- Tracer une droite numerique. Determiner ensuite sur cette droite e nombre représentant $\sqrt{2}$, le nombre représentant $1+\sqrt{2}$ et le nombre représentant $1/\sqrt{2}$
- Tracer un triangle ABC rectangle en Bitel que AB 2 cm et BC 3 cm. Utiliser la figure pour determiner le point qui représente v 13 et le point qui représente v 13 sur une droite numérique.



l'Ensemble des nombres réels R

Réfléchis et discute

il apprendre

- Lensemp e des nombres réels
- Relation entre les ensembles N, Z, Q, Q1, R

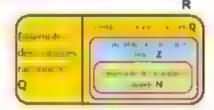
Rouvelley expressions

& un nombre réel.

Nous avons dejà étudie l'ensemble des nombres rationne s \mathbf{Q} Il y a d'autres nombres comme $\sqrt{2}$ $\sqrt{2}$ π . Ces nombres forment l'ensemble des nombres frrationnels \mathbf{Q}^* La réunion des deux ensembles \mathbf{Q} et \mathbf{Q}' constitue un nouvel ensemble appele I ensemble des nombres reels. On le note R

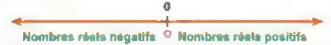
Observant le diagramme de Venn ci-contre, on trouve que :

- OR=QUQ
- Tout nombre naturel ou entier ou rationnel est un nombre réel



NcZcQcR et Q'cR

- Réfléchir Donner des exemples de nombres rationnels et de nombres irrationnels
- Tout nombre réel est représenté par un point sur la droite numérique

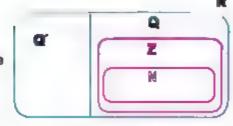


- 1 Le nombre 0 est représenté par le point d origine o
- 2 Les nombres réels positifs sont représentés par tous les points situés à droite du point o.
- 3 Les nombre réels négatifs sont représentés par tous les points situés à gauche du point o.

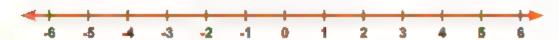


Mettre chacun des nombres suivants à la place convenable dans le diagramme de Venn ci-contre.

$$\frac{1}{2}$$
, -4, 9, $\sqrt{5}$, 0,6, $\frac{7}{9}$, $\sqrt[3]{-2}$, $\sqrt{16}$, 0, 5



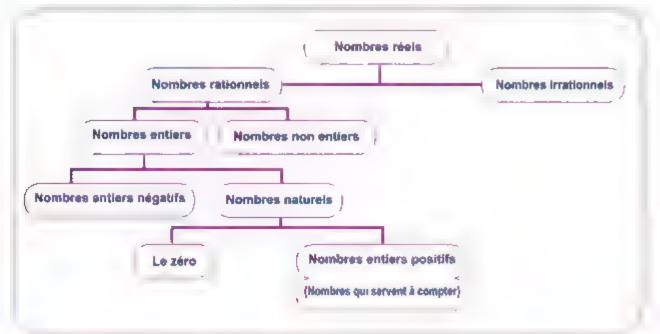
Déterminer sur une droite numerique le point A qui représente le nombre v 8 et le point B qui représente le nombre v 9 puis calculer la longueur de AB



- Vrai ou faux ? Justifier :
 - A Tout nombre naturel est un nombre réel positif
 - Tout nombre entier est un nombre réel.

Notone que | \(\cdot -1 \) = | 1 | car -1 | \(\times -1 \) \(\times 1 \) = | 1 | tandis que \(\cdot -1 \) \(\times R \)

car il n'existe pas un nombre reel dont le carré est -1



Thème d'étude Existe-t-il des nombres n'appartenant pas à l'ensemble des nombres réels ?



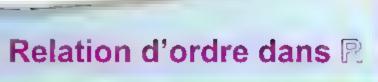
Exercices (1 - 4)

1 Etudier le diagramme précèdent, puis mettre le signe (🗸) devant la phrase correcte et le signe (X) devant la phrase fausse :

A	Tout nombre naturel est un nombre entier.	()
뱒	0 ∈ l'ensemble des nombres rationnels	()
Ç	$Z = Z + \cup Z_{-}$	()
D.	Tout nombre non entier est un nombre ratennel	(- 1

2 Compléter le tableau en mettant le signe (✔) à la place convenable comme dans le premier cas :

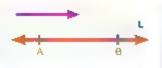
Nombre	Nombre naturel	Nombre entier	Nombre rationnel	Nombre irrationnel	Nombre réel
-5		1	/		1
e _					
1 1/2					
c					
2					
- E					
5 2					
03					
1					



Unité , Leçon 5

Réfiéchis et discute

Soient A et B deux points appartenant à une droite L. Si on designe une direction donnée comme l'indique la fleche dans la figure c. contre, nous pouvons dire que

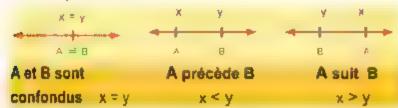


-) e point B suit le point A et donc il se trouve à sa droite
- De point A precede le point B et donc il se trouve a sa gauche Cette propriété est va able pour tous les points d'une droite numérique. Sachant que tout point de la droite représente un nombre réel, on dit que :

L'ensemble des nombres réels est un ensemble ordonné.

Proprietés de l'ordre :

Soient x et y deux nombres réels représentés sur une droite numérique par les deux points A et B respectivement. Trois cas sont possibles.



Soient x un nombre reel represente sur une droite numerique par un point A et O le point d'origine qui represente le nombre 0. Trois cas sont possibles.



a ubbiengie

♦1a relation d'ordre dans R

flowerlley exprey/ion/

- Sirelation diordre
- ⇒ plus grand que
- sup fiteq allq &
- (elege, Jo agale)
- cordre croissant
- s ordre décroissant



Nombres réels negatifs 0

Nombres réeis positifs

Tensemble des nombres reels positis $\mathbb{R}_+ = \{x : x \in \mathcal{R}, |x>0\}$

'ensemble des nombres réels négatifs R= {x : x ∈ R | x < 0}

Notone que: L'ensemble des nombres réels non négatits $\mathbb{R} + \cup \{0\} = \{x \mid x \ge 0, x \in \mathbb{R}\}$ Lensemble des nombres réels non positifs = $\mathbf{R} + \omega(0) = (\mathbf{x} \mid \mathbf{x} \leq 0 \mid \mathbf{x} \in \mathbf{R})$



Exemples:

Ranger les nombres suivants dans l'ordre croissant : v 27 , « v 45 , v 20 – 6 –0, v -1 Salution

L'ordre croissant est :

$$-\sqrt{45}$$
, $-\sqrt{1}$, 0, $\sqrt{20}$, $\sqrt{27}$, $\sqrt{36}$

Clest à dire + 45 , + -1 , 0 , + 20 , + 27 6



- Ranger dans l'ordre decroissant (v. 62), 8 v. 50 (v. 70)
- Si x ∈ R, dire s ix est posible ou negatif ou ne l'un mill'autre dans chacun des cas suivants.
 - $A \times > 0$

- B x < 0
- C x > [-5]
- Démontrer que 😘 est comprise entre 1,7 et 1,8 Représenter 😘 , 1,7 et 1,8 sur une droite numérique.
- 👲 Trouver la longueur du côte d'un carre ayant pour aire 5 cm Est ce que la longueur du côté représente un nombre rationnel ?
- 5 Trouver la longueur de l'arête d'un cube ayant pour volume 1,728 cm³ Est ce que la longueur de l'arête représente un nombre rationnel?
- Mettre le signe convenable > ou < ou =</p>
 - A √5 2
- B √7 2,6 C √ 24 -2
- D 1+√2 √3 E \8 √4 E 3-√5 √-1



Leçon

les Intervalles

Réfléchis et discute

L'intervalle est un sous-ensemble de l'ensemble des nombres réels.

(1) Intervalles bornés

Soient a et b deux nombres réels tels que a < b. On définit

L'intervalle fermé [a h]

$$[a, b] = \{ x : a \le x \le b, x \in \mathbb{R} \}$$

Jal, b. C. R. Les elements de cet intervalle sont le nombre a, le nombre blet tous les nombres compris entre a et b.

Pour représenter cet intervalle sur une droite numérique, on trace deux petits cerc es pleins sur les deux points représentant à et b, puis on hachure tous les points entre eux.

L'Intervalle ouvert

la , bl c R. Les élements de cet intervalle sont tous les nombres compris entre a et b

Pour representer cet interva le sur une droite numerique, on trace deux petits cercles vides sur les deux points representant a et b, puis on hachure tous les points entre eux.

Pour s'entraîner

Définir chacun des deux intervalles [3,5] et [3,5] par une proprieté caracteristique, puis representer les deux intervalles sur une droite numérique

A apprendre

- 5 Un interva e bomé.
- Sun intervalle non borné
- 5 Opérations sur les otervales

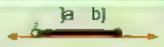
Rouvelle/ expre//ioa/

- 5 intervalie borné
- 5 ntervalie fermé
- 5 ntervalie ouvert
- 5 intervalle sami-ouvert
- la intervalle non bomé.
- bunion
- 6 intersection.
- 5 différence
- 4 complémentaire



[a, b]

[a b_c = (x a ≤ x < b , x ∈ R)
[a , b] ∈ R Les élements de cet
interval e sont le nombre a et tous les
nombres compris entre a et b</pre>



la , b| = { x a < x ≤ b , x ∈ R}
|a , b| c R. Les é éments de cet
intervalle sont le nombre b et tous les
nombres compris entre a et b</pre>

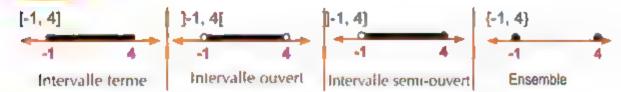


Définir chacun des deux intervalles [3,5] et]3,5] par une propriété caractéristique, puis représenter les deux intervalles sur une droite numérique.



Exemples : Représenter sur une droite numérique chacun des intervalles : [-1 , 4] ,]-1 , 4[,]-1 , 4] , (-1 , 4)

Solution



Thème d'étude . L'intervalle est-il un ensemble fini ou infini ?



Ecrire sous forme d'un intervalle chacun des ensembles suivants, puis représente-le sur une droite numérique :

$$A X = \{x: 2 < x < 5, x \in R\}$$

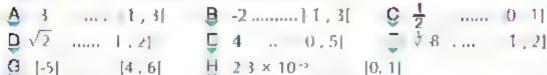
$$B X = \{x : -2 \le x < 3, x \in R\}$$

$$\subseteq X \{x \mid 0 \le x \le 4, x \in \mathbb{R}\}$$

$$D \times \{x \mid 3 < x \leq 1, x \in R\}$$

Unité 1 : Leçon 6

8 Mettre le symbole convenable ∈ ou ≠ :



3 Ecrire l'intervalle représenté par chacune des figures suivantes :



(2) Intervalles non bornés

On sait que : la droite des nombres réels est illimitée et quel que soit le prolongement il existe des nombre positifs du côté gauche par rapport au nombre zéro et des nombres négat ts du par rapport à son côté droit

- 2 Le symbole "+ ∞" qui se lit « plus l'infini » est plus grand que tout nombre réel qu'on peut imaginer mais, + ∞ ∉ R
- De symbole "-∞ qui se lit « moins l'infini » est plus petit que tout nombre réel qui on peut imaginer mais, -∞ ∈ R
- 1 In existe pas de points determines représentant les deux symboles + x et x sur la droite des nombres. Ce sont le profongement de la droite nunierique de ses deux côtes.



Soit a un nombre réel. On définie les intervalles non bornés suivants :

L'intervalle $[a, +\infty]$ $[a, +\infty[= \{x : x \ge a, x \in \mathbb{R}\}$

Cet intervalle contient le nombre a et tous les nombres réels plus grands que a. L'intervalle $]-\infty$, a] $]-\infty$, $a] = \{x : x \le a, x \in R\}$

Cet intervalle contient le nombre a et tous les nombres réels plus petits que a.

Définir chacun des deux intervalles [3], + x[] et [-x], 3] par une proprété caractér stique, puis représente les deux intervalles sur une droite numérique.

Cet intervalle contient tous les nombres réets plus grands que a

Cet intervalle contient tous les nombres réels plus petits que a

Définir chacun des deux intervalles [3, + ∞[et]-∞ , 3[par une propriété caractéristique, puis représenter les deux intervalles sur une droite numérique.

Notone que: L'ensemble des nombres réels R peut être présenté sous forme de l'intervalle]--- , + --- [

L'ensemble des nombres reels positifs $R_* = \{0, +x\}$

L'ensemble des nombres reels negatifs R = 1 x = 0‡

L'ensemble des nombres reels non negatits + [O + x]

L'ensemble des nombres reels non positits == 1-x , 0)



Ecrire chacun des ensembles sulvants sous forme d'un intervalle, puis représenter le sur une droite numérique.

$$A X = \{x : x \ge 2, x \in R\}$$

$$Q X = \{x: x \ge -7, x \in \mathbb{R}\}$$

E. L'ensemble des nombres réels plus grands que | -3 |

2 Cholsir le signe convenable ∈ ou ∉ ou c ou ⊄

Operations sur les intervalles

Les intervalles sont des sous-ensembles de l'ensemble des nombres réels. Par consequent, nous pouvons effectuer des opérations comme l'union, l'intersection, la difference et le complementaire sur ses intervalles. Nous pouvons egalement utiliser la droite numérique pour determiner et illustrer les resultats de ses operations comme le montre les exemples suivants.



Exemples

Solent X = [-2 , 3] et Y = [1 , 5 [. A l'aide de la droite numérique, trouver :

Solution



2 Solent M = [2 , + ∞[, J =] - 2 , 3[, A l'aide de la droite numérique, trouver :

Solution

$$A M - J = [2, +\infty[-1, -2, 3] = [3, +\infty[$$

$$Q \mid u \{2, 3\} = [-2, 3 \mid u \{2, 3\}] = [-2, 3]$$

$$[5] J' = [-\infty, -2] \cup [3, +\infty]$$



Pour s'entraîner

Mettre le signe (/) devant la phrase correcte et le signe (X) devant la phrase fausse

$$A [-2, 5] - \{2, 5\} = [-2, 5]$$

$$0 [-1,3] \cap [1,4] = [1,3]$$

Exercices (1-6)

Completer le tableau suivant comme dans le premier exemple :

intervalle	Expression par une propriété caractéristique	Représentation sur la droite numérique
[-1 , 2]	$\{x -1 \le x \le 2, x \in R\}$	-1 0 1 2
[1 3[
]-∞ 2]		
	$\{x: 0 \le x \le 3, x \in R\}$	
	$\{x: x \ge -1, x \in \mathbb{R}\}$	
		-2 -1 0 1 2 3
		- 00 + 00
14 51		1
]1, 5[
	$\{x: x > 0, x \in \mathbb{R}\}$	

2 Compléter par l'un des deux symboles ∈ ou €

$$\frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{3}$
 $\frac{1}{3}$

Choisir la bonne réponse :

$$A [2,7]-\{2,7\}= ([1,6] ou Ø ou]2,7[ou {0})$$

$$B [0, 5] \cup [3 8] = ([3, 5] \text{ ou } [3, 5] \text{ ou } [0 8] \text{ ou } [0, 8])$$

$$2 -1 2[-[1,4] = (]-1,1[ou {-1,1}ou]-1,1]ou [-1,1]$$

Soient X = [-1 , 4] , Y = [3 , + ∞[et Z = {3, 4}. A l'aide de la droite numérique, trouver:

les Opérations sur les nombres réels

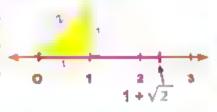
Lecon

Réfléchis et discute

(1) Propriétés de l'addition des nombres réels :

Nous avons dé,à déterminé le point x représentant le nombre 1 + v 2 sur la droite numérique. Puisque ce point représente la somme des deux nombres 1 et v2, donc la somme de deux nombres réels est un nombre réel

Par conséquent, l'addition est une loi de composition interne dans l'ensemble des nombres réels R.



Lin de composition

Sar Ret br R alors (a+b) r R

Par exemple -2+3, 1+-2, -2+5, 2+5 sont des nombres réels.

Commutativité

Sta + Ret b + R alors a + b = b + a

Par exemple : 2+ 1/3 | 1/3 + 2, 3 - 1/5 | - 1/5 + 3

Assoc ativité

Star R. br Reter R

alors (a + b) + c = a + (b + c) = a + b + c

Par exemple $(3 + \sqrt{2}) + 5 = 3 + (\sqrt{2} + 5)$ associativité $= 3 + (5 + \sqrt{2})$ commutativité $= 3 + 5 + \sqrt{2}$ associativité $= 8 + \sqrt{2}$

apprendre

- Les opérations sur les nombres reeis
- Propriétés des opérations sur les nombres réels.

Nouvelles expressions

- V los de composition. icteme
- commutatività.
- Sassociativité
- 🖔 élément neutre pour Laddition
- & poposé
- e é ément neutre bour ta multiplication
- Inverse
- L distributivité de la multiplication par rapport à Ladd hon. ou à la soustraction

Le zero est l'element neutre pour l'addition . Ì Sha Railors a + 0 = 0 + a = ⊲

Par exemple:
$$\sqrt{5} + 0 = 0 + \sqrt{5} = \sqrt{5}$$
, $\sqrt{4} = 0 = 0 = (\sqrt{4}, -\sqrt{4})$

Tout nombre reel admet un oppose

Par exemple $\sqrt{3} \in \mathbb{R}$ et son opposé $(\sqrt{3}) \in \mathbb{R}$ ou $\sqrt{3} + (\sqrt{3}) = (\sqrt{3}) + \sqrt{3} = 0$.



AND DESCRIPTION

1 Compléter pour obtenir une phrase correcte :

$$A\sqrt{2} + 5 = 5 +$$

$$B_{1}\sqrt{11} + (-\sqrt{11}) =$$

$$\mathbf{G} \cdot \mathbf{7} + \sqrt{3} = \mathbf{5} + (\dots + \dots + \dots + \dots)$$

E L'opposé du nombre
$$(1 - \sqrt{2})$$
 est

$$E \sqrt{3} + (-\sqrt{3}) =$$

$$97 + \sqrt{5} - 3 =$$

$$H = (4 + \sqrt{7}) + (3 - \sqrt{7}) =$$

2 Thème d'étude :

- ≜ La soustraction est-elle commutative dans R? Illustrer la reponse avec des exemples.
- B La soustraction est-elle associative dans R? Illustrer la réponse avec des exemples.

(2) Propriétés de la multiplication des nombres réels.

Loi de composition interne SasRet be Ralors a × b s R

La multiplication est une loi de composition interne dans R.

Cela signifie que le produit de deux nombres réels est un nombre réel

Par exemple:
$$5 \times \sqrt{2} = 5\sqrt{2} \in \mathbb{R}$$
, $\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 3 \in \mathbb{R}$

$$-2 \times \sqrt{5} = -2\sqrt{5} \in \mathbb{R}, \frac{2}{3} \times \pi = \frac{2}{3} \pi \in \mathbb{R}$$

 $2\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 6 \in \mathbb{R}, 2\sqrt{3} \times 5 = 10\sqrt{3} \in \mathbb{R}$

Par exemple: $\sqrt{2} \times 3 = 3 \times \sqrt{2} = 3\sqrt{2}$

Associativité

$$(a \times b) \times c = a \times (b \times c) = a - b \times c$$

Par exemple
$$\sqrt{2} \times 5 \times \sqrt{2} = (\sqrt{2} \times 5) \times \sqrt{2} = (5 \times \sqrt{2}) \times \sqrt{2} = 5 \times 2 = 10$$

Un est 1 élement neutre pour la multipi cation

Par exemple : $2\sqrt{5} \times 1 = 1 \times 2\sqrt{5} = 2\sqrt{5}$

L'existence d'un inverse pour tout nombre real

Par exemple: L'inverse du nombre $\frac{\sqrt{3}}{2}$ est $\frac{2}{\sqrt{3}}$

où
$$\frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 1$$

Notone que :

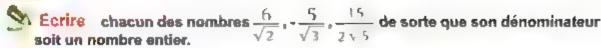
$$\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$$
, $b \neq 0$

Donc
$$\frac{8}{b} = a \times l'inverse du nombre b.$$

Thème d'étude : La division est-elle commutative dans R ? La division est-elle associative dans R ?



Exemples



Solution

Notons que le 1 l'élément neutre pour la multiplication, peut s'écure sous la forme $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$ ou $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$ ou $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}}$ ou

$$\frac{6}{\sqrt{2}} = \frac{6}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 4\sqrt{2}$$

$$-\frac{9}{\sqrt{3}} = -\frac{9}{\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}} = -\frac{9}{3}$$

$$\frac{15}{2\sqrt{5}} = \frac{15}{2\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{15\sqrt{5}}{2\sqrt{5}} = \frac{7\sqrt{5}}{2}$$



Pour s'entraîner

1 Compléter pour obtenir une phrase correcte .

B
$$3 \times \sqrt{5} = \sqrt{5} \times$$

$$C \sqrt{7} \times \sqrt{7} =$$

$$2\sqrt{5} \times 3\sqrt{5} =$$

E l'élément neutre pour la multiplication dans R est

E L'inverse du nombre 3 est

Sa Ecrire chacun des nombres suivants, de sorte que son dénominateur soit un nombre entier :

$$\frac{8}{3\sqrt{2}}$$

$$\frac{25}{2\sqrt{10}}$$

Distributiv te de la multiplication par rapport a addition

Scient a, b et c trois nombres rée s. On a $a \times (b + c) = (a \times b) + (a \times c) = ab + ac$

$$(a + b) \times c = (a \times c) + (b \times c) = a c + b c$$



🖐 Exemples

- Mettre sous la forme la plus simple.
 - \triangle $2\sqrt{5}\left(3+\sqrt{5}\right)$

Solution

Estimer la valeur de (3 + √5) × (1 + √8), puis vérifier le résultat à l'aide d'une calculatrice.

Solution

- a) 5 a pour va eur estimée 2 3 + x 5) a pour valeur estimee 3 + 2 = 5
- v 8 la pour valeur estimée 3 | 11 + v 8) a pour valeur estimée 1 + 3 | 4
 - $(3+\sqrt{5})(1+\sqrt{8})$ a pour valeur estimée $5 \times 4 = 20$
- **b)** En utilisant une calculatrice pour calculer $(3 + \sqrt{5}) \times (1 + \sqrt{8})$ on trouve que le résultat est 20,0459 d'où l'estimation est acceptable

Exercices (1-7)

1 Choisir la bonne réponse :

$$\triangle 2\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = ... (5\sqrt{6} \text{ ou} 5\sqrt{3} \text{ ou} 6\sqrt{3} \text{ ou} 5\sqrt{3})$$

$$C = 5 + 7 \times 2 + 4 + 5 \times 2 = (15 \text{ ou} + 7 \times 2 \text{ ou} + 8 \times 2 \text{ ou} + 6 \times 2)$$

$$Q - 2\sqrt{3} \times \sqrt{3} = (-6 \text{ ou} - 2\sqrt{3} \text{ ou } 2\sqrt{3} \text{ ou } 6)$$

$$\frac{6}{\sqrt{3}} = \dots, \dots \qquad [\sqrt{2} \text{ ou 2 ou } 2\sqrt{3} \text{ ou } 6\sqrt{3}]$$

2 Mettre sous la forme la plus simple :

$$D = (\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1)$$

Ecrire chacun des nombres sulvants, de sorte que son dénominateur soit un nombre entier :

$$\frac{10}{\sqrt{5}}$$

$$\frac{8}{\sqrt{6}}$$

$$g = \frac{6}{2\sqrt{3}}$$

Mettre sous la forme la plus simple :

$$C = (\sqrt{3} + 2)(\sqrt{3} - 1)$$

$$\mathbf{p} = \sqrt{5}(3-\sqrt{5})-2(1+\sqrt{5})$$

5 Sig =
$$\sqrt{3}$$
 + 2 et b = $\sqrt{3}$ - 2, trouver la valeur de :

Vérifier le résultat à l'aide d'une calculatrice.

les Opérations sur les racines carrées



Réfléchis et discute

Soient a et b deux nombres réels non négatifs. On a

$$(1) \qquad \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{ab}$$

Par exemple
$$\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{2 \times 3} = \sqrt{6}$$

$$\sqrt{2} \times \sqrt{10} = \sqrt{2 \times 10} = \sqrt{20}$$

$$\sqrt{15} \times \sqrt{5} = \sqrt{15 \times 5} = \sqrt{75}$$

$$\sqrt{3 \times 6} = \sqrt{4 \times 5}$$

Par exemple:
$$\sqrt{20} = \sqrt{4 \times 5} = \sqrt{4} \times \sqrt{5} = 2\sqrt{5}$$

 $\sqrt{75} = \sqrt{25 \times 3} = \sqrt{25} \times \sqrt{3} = 5\sqrt{3}$

(2)
$$\frac{a}{b} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} \text{ ou } b \neq 0$$

Par exemple:
$$\sqrt{\frac{5}{9}} = \sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{1}{3} \sqrt{5}$$

$$\sqrt{\frac{16}{3}} = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{1}} = \frac{4}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

Par exemple
$$\frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}} = \sqrt{9} = 3$$

$$\frac{\sqrt{84}}{\sqrt{7}} = \frac{84}{\sqrt{7}} = \sqrt{13} = \sqrt{4} \times 3 = \sqrt{4} \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

apprendre

 Effectuer des opérations sur les racines carrées
 Multiplier deux nombres conjugués

Controldes cellergol

bracine carrée
 deux nombres
 conjugués.





1 Mettre sous la forme la plus simple $\sqrt{32} = \sqrt{72} + 6\sqrt{\frac{1}{2}}$

$$\sqrt{32} - \sqrt{72} + 6\sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{16 \times 2} - \sqrt{36 \times 2} + 6\times \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{2}}$$

$$= \sqrt{16} \times \sqrt{2} - \sqrt{36} \times \sqrt{2} + 6\times \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$= 4\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

2 Si $x = 2 \sqrt{5}$ -1 et $Y = 2 + \sqrt{5}$, trouver la valeur de $x^2 + y^2$

Solution

$$x^{2} = (2\sqrt{5} - 1)^{2} = (2\sqrt{5})^{2} - 4\sqrt{5} + 1$$

$$= 4 \times 5 - 4\sqrt{5} + 1 = 21 - 4\sqrt{5}$$

$$y^{2} = (2 + \sqrt{5})^{2} = 4 + 4\sqrt{5} + 5 = 9 + 4\sqrt{5}$$

$$x^{2} + y^{2} = 21 - 4\sqrt{5} + 9 + 4\sqrt{5} = 30$$



Mettre chacun des nombres suivants sous la forme a 🕦 où a et b sont deux nombres entiers et b est la plus petite valeur possible .

Mettre sous la forme la plus simple :

D.
$$\sqrt{50} + \sqrt{8}$$

$$E \sqrt{20} = \sqrt{45}$$

D.
$$\sqrt{50} + \sqrt{8}$$
 E. $\sqrt{20} - \sqrt{45}$ **E.** $\sqrt{27} + 5\sqrt{18} - \sqrt{300}$

Trouver la valeur de x + y et $x \times y$ dans chacun des cas suivants .

$$A = 3 + \sqrt{5}$$
, $y = 1 - \sqrt{5}$

A
$$x=3+\sqrt{5}$$
, $y=1-\sqrt{5}$ B $x=\sqrt{3}-\sqrt{2}$, $y=\sqrt{3}+\sqrt{2}$

$$Q = 5 - 3\sqrt{2}$$
, $y = 5 - 3\sqrt{2}$

Deux nombres conjugués

Soient a et b deux nombres

rationnels positifs. Chacun des deux nombres (va + vb) va - vb) jest le conjugué de l'autre.

Leur somme = :2 , a : le double du premier terme

Leur produit =
$$(v \ a + v \ b) < (v \ a + v \ b) = (v \ a)^2 + (v \ b)^2 = (v \ b)^2 =$$

le carré du premier terme – le carré du second terme

Le produit de deux nombres conjugués est toujours un nombre rationnel

S le dénominateur d'une fraction est sous la forme (via le vibili, nous pouvons les mettre sous une forme plus simple en multipliant le numerateur et le denominateur par le conjugué du dénominateur.





A
$$\sqrt{5} + \sqrt{2}$$
 a pour conjugué () et leur produit =

B.
$$5 - \sqrt{3}$$
 a pour conjugué () et leur produit = (



Si
$$x = \frac{8}{\sqrt{5} - \sqrt{3}}$$
 et $y = \frac{2 - \sqrt{3}}{2 + \sqrt{3}}$,

🖎 écrire - x et y de sorte que leurs dénominateurs solent des nombres entiers, puis calculer x + y.

Solution

$$x = \frac{8}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} = \frac{8}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} + \sqrt{3}}$$
$$= \frac{8(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{3})^2} = \frac{8(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{5 - 3}$$
$$= 4\sqrt{5} + 4\sqrt{3}$$

$$x + y = 4\sqrt{5} + 4\sqrt{3} + 7 - 4\sqrt{3} = 4\sqrt{5} + 7$$

2 St x =
$$\frac{4}{\sqrt{7}-\sqrt{3}}$$
 et y = $\sqrt{7}-\sqrt{3}$,

démonter que x et y sont deux nombres conjugués, puis trouver la valeur de chacune des deux expressions :

$$x^2 - 2xy + y^2$$
, $(x - y)^2$. Que peut-on remarquer?

Solution

$$x = \frac{4}{\sqrt{7} - \sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{7} + \sqrt{3}}{\sqrt{7} + \sqrt{3}} = \frac{4(\sqrt{7} + \sqrt{3})}{7 - 3} = \sqrt{7} + \sqrt{3}$$

 $y = \sqrt{7} - \sqrt{3}$.. x et y sont deux nombres conjugués

$$x^{2} - 2x y + y^{2} = (\sqrt{2} + \sqrt{3})^{2} - 2(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3}) + (\sqrt{2} - \sqrt{3})^{2}$$

$$= (7 + 2\sqrt{21} + 3) - 2(7 - 3) + (7 - 2\sqrt{21} + 3)$$

$$= 10 + 2\sqrt{21} - 8 + 10 - 2\sqrt{21}$$

$$= 12$$

$$(x - y)^2 = [(\sqrt{7} + \sqrt{3}) - (\sqrt{7} - \sqrt{3})]^2$$

$$= [(\sqrt{7} + \sqrt{3}) - (\sqrt{7} + \sqrt{3})]^2 = (2\sqrt{3})^2$$

$$= 4 \times 3 = 12$$

Notons que: $x^2 - 2xy + y^2 = (x - y)^2$



Dans l'exercice précédent, calculer :

B (x − y)

Que peut-on remarquer ?

Exercices (1-8)

Choisir la bonne réponse :

$$\triangle \sqrt{50} - \sqrt{18} - \sqrt{2} = \dots$$

B
$$(\sqrt{7} - \sqrt{5})(\sqrt{7} + \sqrt{5}) = \dots$$

$$(\sqrt{30}$$
 ou $\sqrt{2}$ ou 2 ou $2\sqrt{2}$)

(2 ou 12 ou
$$2\sqrt{7}$$
 ou $-2\sqrt{5}$)

$$(-\frac{\sqrt{3}}{6})$$
 ou $6\sqrt{3}$ ou $2\sqrt{3}$ ou $-2\sqrt{3}$)

Compléter pour obtenir une phrase correcte :

C Réfléchis Si
$$x^2 = 5$$
, alors $(x + \sqrt{5})^2 = 0$

Reflechis Si
$$\frac{1}{X} = \sqrt{5} - 2$$
, alors la valeur de x sous la forme la plus simple est ...

$$E 3\sqrt{2} + \sqrt{8} - \sqrt{18} =$$

3 Mettre sous la forme la plus simple
$$2 \times 5 + 6 \times \frac{1}{3} = \sqrt{12} = 5 \sqrt{\frac{1}{5}}$$

Si
$$x = \frac{4}{\sqrt{7}} = \sqrt{3}$$
 et $y = \frac{4}{\sqrt{7} - \sqrt{3}}$, trouver la valeur de $x^2 y^2$

§ Si a
$$-\sqrt{3} + \sqrt{2}$$
 et b $-\frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$, trouver la valeur de a $^3 \cdot$ b sous a forme la plus simple

6 Six =
$$\sqrt{5} + \sqrt{2}$$
 et y = $\sqrt{5} - \sqrt{2}$,

trouver, sous la forme la plus simple, la valeur de
$$\frac{x+y}{xy-1}$$

3 Si x =
$$\sqrt{7} + \sqrt{5}$$
 et y = $\frac{2}{x}$,



les Opérations sur les racines cubiques

Réfléchis et discute

apprendre

S Opérations sur es radines dub ques

Nouveller expressions

racine cubique.

Soient a et b deux nombres réels. On a

Par exemple .

$$(5 \times (2 = (5 \times ? = (10 \times 4 = (12 \times$$

Par exemple $.\sqrt{40} = \sqrt{8 \times 5} = \sqrt{8} \times \sqrt{5} = 2\sqrt{5}$

$$\frac{1}{3} \frac{128}{128} = \frac{1}{3} \frac{64 \times 2}{128} = \frac{1}{3} \frac{64 \times 3}{128} = \frac{1}{3} \frac{1}$$

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt[4]{\frac{a}{b}}$$
 où b $\neq 0$

Par exemple:

$$\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{12}{3}} = \sqrt{4}$$



$$\frac{a}{b} = \frac{a}{b} = 0$$

Par exemple.

$$\frac{3}{2} = \frac{3}{3}$$



Réfléchis Si on multiplie le numérateur et le dénominateur de la fraction précédente par √4 , trouver le résultat sous la forme la plus simple



Mettre sous la forme la plus simple :

$$\triangle \sqrt[3]{54} + 8\sqrt{\frac{-1}{4}} + 5\sqrt[4]{16}$$

B
$$\sqrt[3]{24}$$
 -6 $\sqrt[3]{13\frac{8}{9}}$

Solution

$$\frac{8}{9}\sqrt[3]{24} = 6\sqrt{13\frac{8}{9}} = \sqrt{24} - 6\sqrt{\frac{175}{9}} = \sqrt{8\times3} - 6\times\sqrt{\frac{175}{9}}\times\frac{3}{3}$$

$$= \sqrt{8}\times\sqrt{3} + 6\times\frac{5\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3} + 10\sqrt{3} = -8\sqrt{3}$$

Exercices (1-9)

Mettre chacun des nombres suivants sous la forme a 🛴 🕟 ou a et b sont deux nombres entiers et b est la plus petite valeur possible

Trouver le résultat sous la forme la plus simple :

$$Q = \sqrt{\frac{3}{4}} + \sqrt{\frac{2}{9}}$$

$$\xi = \frac{1}{2} \sqrt{56} - \sqrt{\frac{\pi}{27}}$$

3. Sia = $\sqrt{5}$ + 1 et b = $\sqrt{5}$ - 1, trouver la valeur de :

$$B (a + b)^3$$

4 🖎 Démontrer que

$$\mathbf{8} \sqrt[3]{54} \times \sqrt[3]{16} \div (\sqrt[3]{4} \times 6) = 1$$

Unité , Leçon 10

les Applications sur les nombres réels

Réfléchis et discute

A apprendre

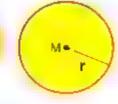
 Résoudre des applications sur les racine carrées et cub ques

Bouvelles expressions

- 4 cercle
- paralièlép péde rectangle
- cube
- to cylindre drost
- 5 sphère

Cercle :

Le perimetre d'un cercle = 2xr unite de longueur



La redun cerce inclumbé faire

Ou r est le rayon du cercle et π est (la valeur approchée)



Exemples

Trouver le périmètre d'un cerc e ayant pour a re 38,5 cm² (prendre π 22/3)

Solution

L'aire d'un cercle = πr^2

$$38.5 = \frac{22}{7}r^2 \qquad \therefore r^2 = \frac{385 \times 7}{22} = \frac{49}{4}$$

$$r \qquad \frac{49}{4} \qquad \frac{7}{2} = 3.5 \text{ cm}$$

le périmètre d'un cercle = $2 \pi r = 2 \times \frac{22}{7} \times 3,5 = 22 \text{ cm}$

Dans la figure ci dessous. M'est un cercle inscrit dans un carré

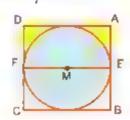
ABCD. Si l'aire de la partie culoriee en jaune est $10^{-\frac{5}{7}}$ cm'

trouver le périmetre de cette partie (prendre $\pi = \frac{22}{7}$

Solution

Sort la longueur du rayon du cercle = r





L'aire de la partie coloriée en jaune l'aire du rectangle AEFD – l'aire du demi-disque

Le périmètre de la partie coloriée en jaune = $(AE + AD + DF) + \frac{1}{2}$ périmètre du demi-cercle = $(5 + 10 + 5) + \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{22}{5} \times 5 = 35 + \frac{5}{5}$ cm

Pour s'entraîner

- So t un cercle d'aire 64π cm². Trouver la longueur de son rayon, puis calcu er son périmètre à une unité près (Prendre $\pi = 3,14$).
- 2 Dans la figure ci-contre. AB est un diametre dans le tiemi-cercle Si l'aire de cette région est 12 32cm. Trouver A B le périmètre de la figure.
- 3 La figure c -contre represente deux cercles concentriques de centre M et de rayons 3 cm et 5 cm. Trouver l'aire et le perimètre de la partie coloriée en fonction de π.

Parallélépipède rectangle

C est un solide dont les six faces sont des rectangles et les faces opposées sont superposables.

Si les longueurs des dimensions d'un parallelepipede rectang e sont x, y et z, alors .

aire latérale - perimetre de la base il hauteur

aire latérale =
$$2(x + y) - z$$

aire tota e = aire (atérale + 2 × aire de la base

L'aire totale =
$$2(xy + yz + xz)$$

Volume du parallé ep pède rectangle = aire de la base - hauleur

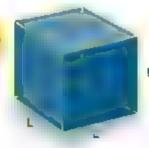
Volume du parallélépipéde rectangle ≃ x → y → z

Cas particulier : cube

C'est un parallélépipéde rectangle dont toutes les arêtes sont de même longueur. Si la longueur de son arête = L'unité de longueur, alors

Laire d'une tace = Li unite diaire. L'aire laterale = 4 L' unite d'aire.

L'aire totale 6 L. unite d'aire Volume du cube L'anite de volume





Exemples



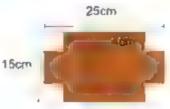
Trouver l'aire totale d'un cube de volume 125 cm³

Solution

Volume d'un cube = L^3 $\otimes 125 = L^3 \otimes L = \sqrt{125} = 5 \text{ cm}$ L'aire totale du cube = $6L^2 = 6 \times (5)^2 = 150 \text{ cm}^2$



- 1 Soit un para lélépipède rectangle dont la base à la forme d'un carré. 5 son volume est 720 cm² et sa hauteur est 5 cm, calculer son aire totale.
- Lequel a le plus grand volume un cube d'aire totale 294 cm² ou un parallé epipède rectangle de dimensions 7 √2 , 5 √2 et 5 cm?
- On dispose d'une piece rectangulaire de papier cartonné de dimensions 25 cm et 15 cm. Dans chacun de ses 4 coins, on coupe un petit carre de côte 4 cm de longueur puis on plie les parties sailfantes pour tormer un recipient sous forme d'un parallelépipede rectangle. Calculer son volume et son aire latérale.



Cylindre droit :

C'est un sol de dans lequel les deux bases sont des surfaces de cerc les superposables et paralleles. La surface laterale d'un cylindre est courbée Elle est appelée, la surface du cylindre

3 S. M. M' sont les centres des deux bases, alors M.M. est la hauteur du cylindre





Pour réfléchir Soient A un point du cercle M, B un point du cercle M

 Si on coupe la surface du cylindre suivant AB et on déplie. cette surtace, On obtient le rectangle A B B A ..

Dans ce cas, AB | la hauteur du cylindre et A A | le périmètre de la base du cylindre.



Aire du rectangle A B B' A' aure latérale du cylindre

Aire latérale du cyl ndre = perimètre de la base × hauteur = 2π r h unité d'aire A re totale du cy indre = Aire latérale du cylindre + Somme des aires des deux bases

$$= 2 \pi r h + 2 \pi r^2$$
 (unité d'aire)

Volume du cy indre l'aire de la base + haute ir l'in l'unite de volume.



Exemple

Une piece de papier cartonne a la forme d'un rectangle ABCD tel que AB = 10 cm et BC = 44 cm. On la plie, pour former un cylindre droit, de telle sorte que. AB, et. DC soient contondus. Casculer le volume du cylindre ainsi obtenu i prendre n = 22

Solution

Périmètre de la base du cylindre = 44 cm.

$$2 \pi r = 44$$

$$2 \times \frac{22}{7} r = 44$$

Volume d'un cylindre

=
$$\pi r^2 h$$

= $\frac{22}{7} \times (7)^2 \times 10$
= 1540 cm^3



Pour s'entraîner

Soit un cylindre droit de longueur de rayon 14 cm et de hauteur 20 cm. Casculer son volume et son aire totale

- Un cylindre droit a pour volume 7536 cm² et pour hauteur 24 cm. Calculer son aire totale. (prendre π = 3,14)
- Lequel à le plus grand volume : un ex-bodre droit de ravon de base 7 cm et de hauteur 10 cm ou un cube de longueur d'arete 11 cm?

Sphère :

C'est un solide de surface courbée l'ous les points de cette surface sont situés à une distance tixe "r" d'un point donne à l'inteneur de la sphère (le centre de la sphère).

Si un pan coupe la sphere passant par son centre, le secteur obtenu est un cercle dont le centre est le centre de la sphere et le rayon est le rayon de la sphère "r".

Volume de la sphère = $\frac{4}{3} \pi r^4$ Aire de la surface = $4 \pi r^2$ unité de volume unité d'aire



Le volume d'une sphère est 562,5 π cm 3 . Calculer l'aire de sa surface.

Solution

Volume de la sphère =
$$\frac{4}{3} \pi r^1$$

 $562.5 \text{ r} = \frac{4}{3} \times \pi r^1$
 $\therefore r^3 = 562.5 \times \frac{3}{4} = 421.875$
 $r = \sqrt[4]{421.875} = 7.5 \text{ cm}$

L'aire de la surface de la sphere $-4\pi r^2 = 4 \times \pi / (2.5)^2 = 225 \pi / \text{cm}^2$



Trouver le volume de la sphère dont la longueur du rayon est 4,2 cm (prendre $\mathcal{R} = \frac{22}{7}$)

Exercices (1-10)

3 Choisirta bonne réponse

- \Diamond L'aire laterale d'un cylindre droit de diamètre de base L et de hauteur h est (πL^2h) ou π Lh ou
- B Le volume d'une sphère de 6 cm de diamètre 👚 cm³

(288 ou 12 # ou 36 # ou 288 #)

- § 5 e volume d'un cube est 2×2 cm³, alors la longueur de son arête = cm $(\sqrt{2} \text{ ou } 2 \text{ ou } 8 \text{ ou } 1.5)$
- P La longueur du rayon d'un cylindre droit de volume 40 π cm1 et de hauteur 10 cm est égal à cm (5 ou 3 ou 2 ou 1)
- E Un parallélépipede rectangle ayant pour dimensions $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt{6}$ a pour volume cm³ (6 ou 36 ou 6 $\sqrt{6}$ ou 18 $\sqrt{2}$),

2 Compléter pour obtenir une phrase correcte :

- A Une sphere de volume $\frac{9}{2}\pi$ cm¹ a pour rayon cm
- On cylindre droit a pour longueur de rayon de base in et pour hauteur in Son aire latérale = cm² et son volume = cm³.
- © Un cube a pour longueur d'arête 4 cm. Son aire totale | cm²
- L'aire totale d'un parallélepipède rectangle =
- On a placé une sphère de volume 36 π cm³ dans un cube de sorte que sa surface soit tangente aux six faces du cube. Calculer :
 - A la ongueur du rayon de la sphere.

 B le volume du cube
- Une sphere métallique de longueur de rayon 6 cm à été tondue et transformée en un cylindre droit de rayon de base 3 cm. Calculer la hauteur du cylindre.
- 5 Si la hauteur d'un cyl indre droit est égale à la longueur du rayon de sa base, trouver la hauteur du cylindre sachant que son volume est egal à 72 π cm³
- Une sphere creuse a pour rayon interieur 2,1 cm et pour rayon exterieur 3 5 cm Trouver sa masse à un gramme près sachant que le centimètre cube de sa matière a pour masse 20 g. (prendre # ²²/₇)

2020 2021 منبروتدي بياد طرجة Premier semestre 45

Unité -Leçon 11

Résolution d'équations et d'inéquations du premier degré à une inconnue dans R

Réfléchis et discute

apprendre

Résolution d'une équation du premier degré à une inconn le dans Ri Résolution d'une inéquation du premier degré à une inconnue.

flouvelier enpressions

- équation
- ⇒ degré de l'équation
- méduation
- le degré de l'inéquation
- > résoudre l'équation
- resoudre l'inéquation.

(1) Résolution des équations du premier degré à une inconnue dans R

On sait que: l'équation 3 x - 2 = 4 est appelée équation du premier degré à une inconnue car la puissance de la variable (l'inconnue) est égale à 1. Pour résoudre cette équation dans R

$$\frac{1}{3} \times 3x = \frac{1}{3} \times 6$$

L'ensemble-solution est { 2 }

La solution peut être représentée sur la droite numérique comme dans la figure ci-contre.



Exemples

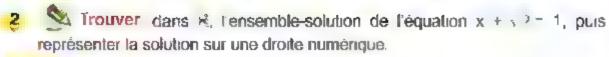
Trouver dans R, l'ensemble-solution de l'équation 3 x - 1 2, puis représenter la solution sur une droite numérique.

Solution

$$x = \frac{3}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} \quad x = \sqrt{3} \in \mathbb{R}$$

L'ensemble-solution =
$$\{\sqrt{3}\}$$

La solution peut être représentée sur la droite numérique comme dans la figure ci-dessus



Solution

$$x + \sqrt{2} = 1$$

$$x + \sqrt{2} = 1$$
 $\therefore x = 1 - \sqrt{2} \in \mathbb{R}$



La solution peut être representée sur la droite numerique comme dans la figure ci-dessus



Trouver dans R. l'ensemble-solution de chacune des inéquations suivantes, puls représenter la solution sur une droite numérique :

$$A 5x + 6 = 1$$

$$B 2x + 4 = 3$$

A
$$5x + 6 = 1$$

D $x + 5 = 0$

$$E x - 1 = \sqrt{5}$$

(2) Résolution des inéquations du premier degré à une inconnue dans R et représentation de la solution sur une droite numérique.

On util se les propriétés suivantes pour résoudre l'inéquation dans R

Solent a , b et c trois nombres réels tels que a < b. On a :

a+c<b+c.</p> Propriété de l'addition.

Si c > 0 a x c < b x c. Proprieté de multiplication par un nombre réel positif</p>

Sic < 0 a × c > b × c Propriete de multiplication par un nombre réel négatif



Exemples

1 Trouver dans R l'ensemble-solution de l'inéquation 2 x - 1 ≥ 5, puis représenter la solution graphiquement.

Solution

En additionnant 1 aux deux membres de l'inéquation, on obtient 2 x ≥ 6

En multipliant les deux membres de l'inéquation par $(\frac{1}{2} > 0)$ on obtient x ≥ 3

L'ensemble-solution dans R est [3, + == [

La demi-droite verte représente la solution sur la droite numérique



Trouver dans R, l'ensemble solution de l'inéquation 5 - 3 x > 11, puis représenter la solution graphiquement

Solution

En additionnant (=5.) aux deux membres de l'inequation, on obtient 3.8 > 6. En multipliant les deux membres de l'inequation par (= $\frac{1}{3}$) on obtient

L'ensemble solution dans Rest]- ⇔ , -2[

La demi droite verte represente la solution sur la droite numerique

Trouver dans R, l'ensemble-solution de la double inéquation -3 ≤ 2 x - 1 < 5, puis représenter la solution graphiquement

Solution

En additionnant (1) aux trois membres de la double inéquation -3 + 1 < 2x -1 + 1 < 5 + 1 on obtient -2 < 2 x < 6. En multipliant les trois membres de l'inéquation par $(\frac{1}{2} \ge 0)$ -1 < x < 3 L'ensemble-solution dans R est [-1, 3]

La demi-droite verte représente la solution sur la droite numérique

Dans l'exemple quelle est la solution de la double inéquation dans N ? quelle est la solution de la double inéquation dans Z ?

Exercices (1-11)

- 1 Sa Compléter pour obtenir une phrase correcte où X∈ R.
 - A \$15 x < 15, alors x ...
 - B Six-3 > 4, alors x
 - C St -2 x < 3, alors x
 - D Si 1 x > 4, alors x ...
 - E Si √2 x < 4, alors x

Unité 1 : Leçon 11

Trouver sous forme d'intervalles dans R. Lensemble solution de chacune des inéquations suivantes, puis représenter l'ensemble-solution sur une droite numerique :

E
$$\frac{1}{2}x + 1 < 2$$

Trouver sous forme d'intervalles dans R. l'ensemble-solution de chacune des inéquations suivantes, puis représenter l'ensemble-solution sur une droite numérique

Trouver sous forme d'intervalles dans R, l'ensemble solution de chacune des inequations suivantes, puis representer l'ensemble-solution sur une droite numérique © ³√-8 ≤ x + 1 ≤ √9 B |-3| < 2 x - 1 < 5

$$A - 3 \le -x < 3$$

$$C \sqrt[4]{-8} \leq x+1 \leq \sqrt{9}$$

Exercices généraux

Compléter pour obtenir une phrase correcte

- B. Une boîte cubique à pour capacité 8 litres. La longueur de son arête interieure. est de cm.
- C L'ensemble-solution de l'équation x² +9 0 dans R est

2 Trauver sous forme d'intervalles dans R, l'ensemble-solution de chacune des doubles méquations suivantes, puis représenter l'ensemble-solution sur une droite numérique :

$$G x \le 2x - 1 \le x + 3$$

$$x - 1 < 3 \times -1 \le x + 1$$

$$E 4x \le 5x + 2 < 4x + 3$$
 $E 5x + 7 > 6x > 5x$

$$E 5x+7>6x>5x$$

3 St x =
$$\frac{\sqrt{6} + \sqrt{5}}{\sqrt{6} + \sqrt{5}}$$
, demontrer que x + $\frac{1}{x}$ = 22

- Mettre sous la forme la plus simple $\sqrt[3]{54} + 4\sqrt[4]{\frac{1}{4}} + \sqrt[3]{-2}$
- Un cylindre droit a pour volume 72 # cm³ et pour hauteur 8 cm. Calculer son a re totale.
- 6 National Paide d'une droite numérique [3, 6] o [4, 7].
- 7 St x $\frac{5\sqrt{2} + 3\sqrt{5}}{\sqrt{5}}$ et y = $\frac{2\sqrt{5} 3\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$, trouver la valeur de

$$A x^2 + y^2$$

puis démontrer que $x^2 + y^2 = 38 \times y$

8 St
$$x = \sqrt{5} + 2$$
 et $y = \sqrt{5} + 2$, trouver la valeur de $(x + y^{-1} + (x - y)^{2})$

9 Si x =
$$\sqrt{5} - \sqrt{3}$$
 et y = $\frac{2}{5 - 3}$, trouver la valeur de $(x^2 + 2xy + y^2)$

19 Si A =
$$\sqrt{3} + \sqrt{2}$$
 et B = $\sqrt{3} - \sqrt{2}$,

trouver la valeur de $(A^2 - AB + B^2)$

1) Si
$$x = \frac{3\sqrt{5} + 5\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$$
 et $y = \frac{2v \cdot 5 - 3\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$

démontrer que $\frac{x^2 + y^2}{xy} = 38$.

Un te 1. Le portfolio

necumorogie

Trouver le valeur de :

27 +v 12 2+ v 0,125

Paire exécuter le programme Excel, puis introduire les nombres indiqués dans les cellules A1. D1

résultat 3 va apparaitre

- indiqués dans les cellules A1, D1 et B1

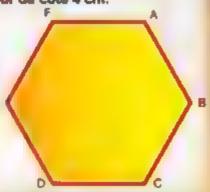
 Pour trouver la racine cubique du nombre inscrit dans la cellule A1 écriré dans la cellule F2 la formule A1^(1/3), puis appuyer sur la touche ENTER. Le
- Pour trouver la racine camée du nombre inscrit dans la cellule 61 écrire dans la cellule H2 la formule 81⁴(1/2) puis appuyer sur la touche ENTER. Le résultat 3.5 ve apparaître.
- Pour trouver la racine cubique du nombre inscrit dans la cellule D1 écrire dans la cellule J2 la formule D1²/1 3), puis appuyer sur la touche ENTER. Le résultat 0.5 va apparaitre.
- Ecrire dans la cellule t.2 la formule = F2+H2+J2 Le résultat 1 va apparante.





Activité Tracer un hexagone régulier de longueur de côté 4 cm.

- Mesurer chacun de ses angles.
- 7 Tracer les diagonales AD , BE et CF Sans mesurer, deduire la longueur de chacun de ces segments.
- Tracer un cercle passant par ses sommets.
- Trouver son aire.





ê Epreuve de l'unité



- A 1-3, 2| n R -=
- B. L'inverse du nombre $-\frac{\sqrt{2}}{6}$ est
- Compléter de la même manière 15,120, 145, 180,
- Q S x = $\sqrt{3}$ + 7 et y = $\sqrt{3}$ 7, alors la valeur de (x + y)³ =
- § S. le perimetre d'un cercle est égal à 20 x cm, alors son aire π cm²

66

2 Sa Cholsir la bonne réponse :

- § Sile volume d'un cube est egal à 64 cm³, alors son a rellatéra e = ___ cm² (4 ou 8 ou 64 ou 96
- B. $\sqrt{12} \sqrt{3} =$ (3 ou $\sqrt{3}$ ou $2\sqrt{3}$ ou $3\sqrt{3}$)
- Converse du nombre $\frac{\sqrt{6}}{12}$ est $(\frac{12}{\sqrt{6}})$ ou $\frac{\sqrt{6}}{12}$ ou $-2\sqrt{6}$ ou $2\sqrt{6}$
- $[-3, 4] \{-3, 5\} = ([-3, 4] \text{ ou } [-3, 4] \text{ ou } [-3, 4])$
- Mettre sous la forme la plus simple $|2|\sqrt{18}|+|\sqrt{50}|+\frac{1}{3}|\sqrt{162}$
- On fait tondre un parallelepipede rectangle metallique de dimensions 77 cm, 24 cm et 21 cm. Avec le metal obtenu, on forme une sphère. Trouver le rayon de la sphère. (prendre $\pi = \frac{22}{7}$)
- 5 St $a = \frac{4}{\sqrt{7} \sqrt{3}}$ et $b = \frac{4}{\sqrt{7} + \sqrt{3}}$, trouver la valeur de $\frac{a}{ab}$
- 6 A Laide d'une droite numérique trouver sous torme d'intervalle, la valeur de] -1 , 3 , 0 0 5 |
- 7. Un cylindre droit a pour volume 923 cm³ et pour hauteur 6 cm. Calculer son a re latérale (prendre $\pi = \frac{22}{7}$).
- Si x = v 10 + 2 et y = v 26 1, donner une estimation du produit x × y , puis util ser une calculatr ce pour calculer la différence entre le résultat estimé et la valeur calculée
- Trouver dans R l'ensemble-solution , puis représenter la solution graphiquement
 - A 1<2x+3<9

Unité (2)

2

Relation entre deux variables





la Relation entre deux variables

Réfléchis et discute

A appreadre :

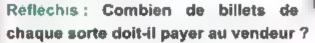
- La relation du premier degré entre deux variables
- La représentation graphique d'une relation du premier degré entre deux variables

Enpressions de bose :

% variable

* relation

† équation du premier degré Un homme possède des billets de banque de 50 Livres chacun et d'autres de 20 Livres chacun II achéte un appareil électrique à 390 Livres.





Soit y 1 le nombre de billets de 20 Livres. Donc, la valeur de ces billets est 20 y Livres.

On cherche à déterminer x et y qui rendent

$$50 \times + 20 \text{ y} = 390$$

Cette relation est appelée équation du premier degré entre deux variables. Nous pouvons diviser les deux membres de l'équation par 10. Dans ce cas, on obtient une équation équivalente. C'est :

$$5x + 2y = 39$$
$$y = \frac{39 - 5x}{2}$$

Remarque que : x et y sont deux nombres nature s et que x dans ce cas est un nombre impair

Nous pouvons former le tableau suivant pour voir les différentes possibilités :

Donner au vendeur un billet de 50 Livres et 17 billets de 20 Livres , ou 3 billets de 50 Livres et 12 billets de 20 Livres , ou 5 billets de 50 Livres et 7 billets de 20 Livres , ou 7 billets de 50 Livres et 2 billets de 20 Livres :

X	У	(x , y)
1	17	(1 , 17)
3	12	(3, 12)
5	7	(5 , 7)
7	2	(7 2)
0	manage	Impossible

38

Pour s'entraîner

- Une personne a des billets de 5 Livres et des billets de 20 Livres. Elle fait des achats d'un centre commercial à 75 Livres. Quelles sont les différentes possibilités du payement ?
- Le périmètre d'un triangle isocèle est 19 cm. Quelles sont les différentes possibilités des longueurs de ses côtés sachant que ces longueurs sont en centimètres entiers ?

Remarque que : la somme des longueurs de deux côtés d'un trangle est plus grande que la longueur du troisième côté

Etude de la relation entre deux variables

a x + by = c où a ≠ 0 , b ≠ 0 est appelée une relation linéaire entre les deux variables x et y Nous pouvons trouver l'ensemble des couples (x , y) vérifiant cette relation

Par exemple :

Dans la relation 2x - y = 1

Si x = 1,	y = 1	∴ (1 , 1)	
-----------	-------	-----------	--

verifie la relation

Six = 0,
$$x$$
 y = -1 x (0, -1)

vérifie la relation

Si
$$x = 3, ... y = 5$$
 ... (3, 5)

verifie la relation

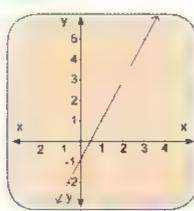
Si
$$x = -1$$
, $x = -3$ $x = -3$

vérifie la relation

Nous pouvons constater qu'il y a une infinité de couples vérifiant cette relation

Remarque que :

- Nous pouvons représenter la relation 2 x y = 1 graph quement en utilisant certains des couples qu'on vient de calculer
- Tout point de la droite rouge représente un couple qui vérifie la relation 2 x - y = 1





Trouve quatre couples vérifiant chacune des relations suivantes, puis représente chaque relation graphiquement:

- Si (-3, 2) vérifie la relation 3 x + b y = 1, trouve la valeur de b.
- Si (k, 2k) vérifie la relation x + y = 15, trouve la valeur de k.

Représentation graphique de la relation entre deux variables

La relation

où a ≠ 0 et b ≠ 0 est appelée une relation entre les

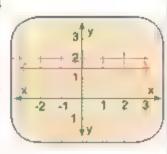
deux variables x et y Elle est représentée graphiquement par une droite

La relation est représentée graphiquement par une droite parallèle à l'axe des x.

Par exemple 2y=3

D ou y =
$$\frac{3}{2}$$

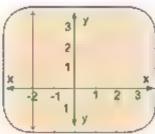
est représentée par la droite de couleur rouge qui passe par le point (0 , 😩) et qui est parallèle à l'exe des x



par une droite parallèle à l'axe des y. Par exemple x = -2

b = 0La relation est représentée graphiquement

est représentée par la droite de couleur rouge qui passe par le point (-2 , 0) et qui |x est parallèle à l'axe des v



Cas particulier

des x.

Cas particulier :

La relation y = 0 est représentée par l'axe 🖟 La relation x = 0 est représentée par l'axe des y.

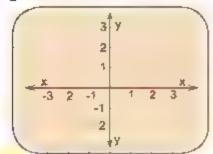


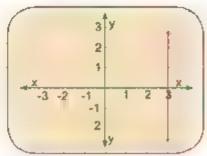
Pour s'entrainer

Représente graphiquement chacune des relations suivantes :

$$A2x=5$$

Trouve la relation représentée par la droite tracée en rouge dans chacune des figures suivantes :







Exemple:

Représente graphiquement la relation : x + 2y = 3

Solution

Nous pouvons choisir un ensemble de couples qui vérifient la relation

$$x = -1$$

$$(-1, 2)$$

$$x = 3$$
 (

$$x = 5$$
 (5, -1)

$$(5.-1)$$

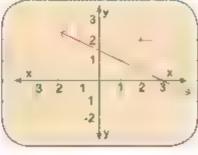
Nous pouvons écrire le résultat dans le tableau survant

y 2 0 -1
$$\frac{3}{2}$$

Cette relation est représentée graphiquement par la droite dessinée en rouge

Discute avec ton professeur:

- Que remarques-tu concernant la variation de la valeur de y selon l'augmentation de la valeur de x ?
- Dans quel cas, la droite représentant la relation a x + b y = c passe-t-elle par le point d'origine ?



Exercices (2-1)

Représente graphiquement chacune des relations sulvantes :

$$Ax+y=2$$

Trace la droite représentant la relation 2 x + 3 y = 6. Si cette droite coupe l'axe des x au point. A et l'axe des ly lau point B, calcule l'aire du triangle OAB ou O est le point d'origine.



la Pente d'une droite et Applications

Réfléchis et discute

A apprendre :

- La pente d'une droite
- quotidiennes sur la pente d'une dro te

Expressions de base :

- pente
- 5 pente positive
- pente négative
- pente nulle
- 5 pente indéfinie

Si on observe le déplacement d'un point sur une droite de la position $A(x_1, y_1)$ à la position $B(x_2, y_2)$ où A et B sont deux points de la droite, alors :

- la vanation de l'abscisse
 x₂ x₁. Cette variation est appelée
 variation horizontale »
- ¿a variation de l'ordonnée = y₂ y₁. Cette variation est appelée « variation verticale ». Elle peut être

positive ou négative ou nulle

étre y

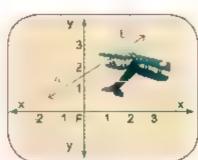
Dans les exercices suivants, nous allons étudier la variation verticale $(y_1 - y_2)$:



Exemple (1)

SI A = (-1, 1) et B = (2, 3),
alors : la pente de
$$\overrightarrow{AB}$$

= $\frac{3-1}{2-(-1)} = \frac{2}{3}$



Remarque que

- Ou point A, on s'est déplacé sur la droite vers le haut pour arriver au point B
- $y_2 > y_1$
- La pente est positive.



Exemple (2):

SIA (0, 2), B (2, 1),

alors: la pente de $AB = \frac{1 \cdot 2}{2 \cdot 0} = -\frac{1}{2}$



Remarque que :

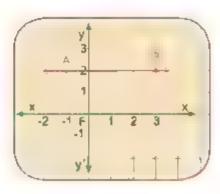
- Du point A, on s'est déplacé sur la droite vers le bas pour arnver au point B
- 2 y, < y, 3 La pente est négative



Exemple (3):

SIA (-1, 2) et B (3, 2), alors : la pente de AB =

$$\frac{2 \cdot 2}{3 \cdot 1} = \frac{0}{4} = 0$$



Remarque que :

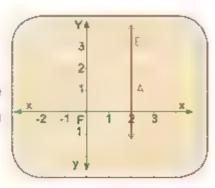
Du point A on s'est déplacé sur la droite horizontalement pour arriver au point B

$$y_2 = y_1$$



Exemple (4):

Si A = (2, 1) et B(2, 3), on ne peut pas calculer la pente car la définition de la pente nécessite que la variation des abscisses ne soit pas nulle et donc x, x, $\neq 0$



Remarque que :

1 Du point A, on s'est deplacé sur la droite verticalement pour arriver au point B

$$2 \times_2 = \times_1$$

3 La pente non définie.



Pour s'entraîner :

- Dans chacun des cas survants, trouve la pente de la droite AB
 - A A (1, 2), B (5, 0).
- B A (2, -1), B (4, -1).
- C A (-1, 3), B (2, 1).
- D A (3, -1), B (3, 2).
- Si A (2 -1), B (3 , 2) et C (4 , 5), trouve la pente de chacune des droites AB, B C et AC , puis représente ces droites graphiquement. Que remarques-tu ?
- Choisis la bonne réponse parmi les réponses proposées :
- a) Le tableau ci-contre montre une relation entre x et y. Cette relation est donnée par : (y = x + 4 ou y = x + 1 ou y = 2x - 1 ou y = 3x - 2)

x 1 2 3 4 5 v 1 3 5 7 9

- b) Si (2, -5) vérifie la relation 3x y + c = 0, alors c =
- (1 ou -1 ou 11 ou -11)
- c) (3, 2) ne vérifie pas la relation (y + x = 5 ou 3y x = 3 ou y + x = 7 ou y x = 1)
- d) Un moteur pour firmgation consomme 2,47 litres d'essence pour fonctionner 3 heures. Si le moteur fonctionne pendant 10 heures, il consomme litres d'essence (7,2 ou 8 ou 8,4 ou 9,6).
- Trouve la pente de la droite AB, où A(-1, 3) et B (2, 5). Le point C (8, 1) appartient-il à la droite AB?

Applications à la vie quotidienne :

Application (1):

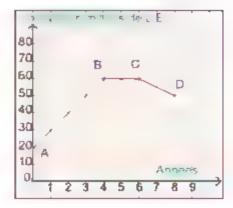
La figure ci-contre montre la variation du capital d'une entreprise durant 8 ans :

- A Trouve la pente de AB, BC et CD

 Quelle signification donne-t-on à chaque pente ?
- Calcule le capital de l'entreprise au moment du démarrage de ses activités.

Solution

A = (0, 20), B = (4, 60), C = (6, 60) et D = (8, 50)



Unité 2 : Leçon 2

1) La pente de AB = $\frac{60-20}{4-0}$ = 10, Cette pente montre l'augmentation du capital de l'entreprise durant les quatre premières années à raison de 10 mille juvres par an

La pente de
$$\frac{1}{80} = \frac{60}{6} = \frac{60}{4} = 0$$
,

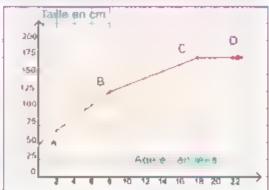
la cinquième année et la sixième année

2) Le capital de l'entreprise au démarrage de ses activités = l'ordonnée du point A = 20 mille Livres



La figure ci-contre représente la relation entre la taille d'une personne en centimètres et son âge en années.

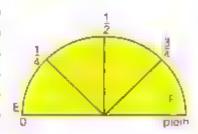




2) Trouve la différence entre la taille de cette personne à l'âge de 20 ans et sa taille à 'âge de 30 ans

Application (2):

La capacité du réservoir de la voiture de Hazem est de 40 litres. Il a fait le plein avant de faire un voyage. Après 120 km de trajet, l'indicateur montre que le réservoir est au $\frac{3}{4}$ de sa contenance. Représente graphiquement la relation entre la quantité de l'essence restante au réservoir et la distance parcourue (sachant que cette relation est lineaux). Calcule ensuite la distance que la voiture peut parcourir avant que l'essence ne s'épuise.

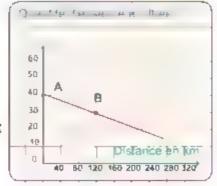


Solution

Après avoir parcouru 120 km B = (120 , 30)

La pente de AB =
$$\frac{30-40}{120-0} = \frac{-1}{12}$$

Cette pente signifie que le réservoir diminue aux taux d'un litre tous les 12 km.



La distance parcourue avant que l'essence ne s'épuise =
$$\frac{\text{quantité d'essence}}{\text{taux de consommation}} = \frac{40}{12}$$

= $40 \times \frac{12}{1} = 480 \text{ km}$.

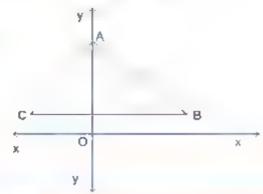
Remarque que : AB coupe l'axe de la distance au point (480, 0) L'abscisse de ce point représente la distance demandée.

Exercices (2-2)

- 1 Complète pour obtenir des phrases correctes :
 - A Si A(1, 3) et B (2, 1), alors la pente de AB est égale à . .
 - B Si (-1, 5) vérifie la relation 3 x + k y = 7, alors k = .
 - C Toute droite parallèle à l'axe des abscisses a pour pente
 - La pente d'une droite parallèle à l'axe des ordonnées
 - E Si A, B et C sont trois points alignés, alors la pente de AB = la pente de
- Essam possède des billets de banque de 5 Livres chacun et d'autres de 20 Livres chacun II achète des articles à 65 Livres. Quelles sont les différentes possibilités de payement ? Trouve la relation entre les nombres de billets des deux sortes, puis représente cette relation graphiquement.
- Dans un magasin de meuble, le prix d'une table d'ordinateur est 100 Livres et le prix d'une chaise est 50 Livres. En une semaine le magasin a vendu des tables et des chaises à 500 Livres. Quelles sont les différentes possibilités des nombres d'articles vendus de chaque sorte ? Représente cette relation graphiquement.
- 🤞 Dans la figure cì-dessous, ABC est un triangle. Complète par :

(positive ou négative ou zéro ou non définie)

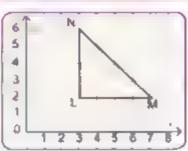
- A La pente de AB est
- B La pente de BC est ..
- C La pente de Ao est .
- D La pente de Ac est



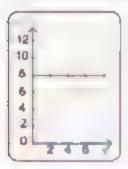
Unite 2: Leçon 2

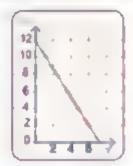
Dans is figure ci-contre

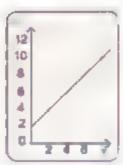
LMN est un triangle rectangle en L, m (M) = 45° Si L(3, 2) et M(7, 2), détermine les coordonnées du point N, puis calcule la pente de MN



Chacune des figures sulvantes, montre la relation entre la distance D en mètres et le temps T en secondes d'un corps en cours de déplacement. Détermine la position du corps juste avant de se mouvoir et au moment T = 6 secondes, puis trouve la pente de la droite dans chaque cas Que représente cette pente ?

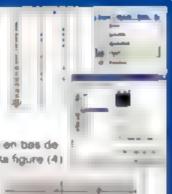






Fait exécutor le programme EXCEL pour tracer l'axe des x et l'axo des y Introduis les nombres indiqués dans la figure (1) dans les selections de 1011

Sélectionne les deux colonnes avec la sourte puis dans le liste însert : choisis « Chart » comme dans le figure (2) puis « xy scatter » comme dans le figure (3), puis « Next », puis « Finish » Les deux axes apparatissers



Appuis avec la souns sur dens la liste du dessin qui se trouve en bas de la page EXCEL puis determine les valeurs des points comme dans la figure (4)

Appule evec to source our 323

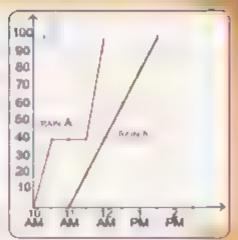
- Trace une droite passant per les deux points (2 1) et (0 2). Le pents de cette droite est 2 C est la cente de la droite bieue.
- Frace une droite passant per les deux points (2-2) et (-2-2). La pente de cette droite est $\frac{2-2}{2-2} \times 0$. C'est la pente de la droite jeune. La droite est parallèle à l'axe des x
- © Trace une droite passant par les deux points (2 1) et (2 5). La pente de cette droite est 5 1). La droite est parallèle à l'aixe des y. C'est la droite bleue.

Le portfolio

La figure ci-contre indique la relation entre la distance D (en kilomètres) et le temps T (en heures) pour deux trains A et B entre deux gares.

A l'aide du graphique, trouve :

- A la distance entre les deux gares.
- B le temps du voyage de chaque train.
- c la vitesse moyenne de chaque train.
- D Qualle interprétation donnes-tu au segment horizontal dans la représentation du mouvement du train A?



La distance percourue

La vitesse moyenne = Le temps nécessaire pour parcourir cutte distance

Epreuve de l'unité



- Choisis la bonne réponse parmi les réponses proposées
- A Lesquels des couples suivants vérifient la relation 2 x + y = 5 ?

Le tableau ci-contre montre une relation entre x et y Cette relation est donnée par :

$$(y = x + 7, y = x - 7, y = 3x + 1, y = x + 1)$$

- C SiA(3,5) et B(5,-1) alors la perte de $\overline{AB} = (-\frac{1}{3}, -3, -3, \frac{1}{3})$
- La relation $3 \times + 8 \text{ y} = 24$ est représentée graphiquement par une droite qui coupe l'axe des y au point ((0,8),(8,0),(0,3),(3,0))
- 2 Si A (2 , -1), B (10 , 3) et C (2 , 3), trouve la pente de An . 3C et AC

Dans un repère, trace le triangle ABC. Quelle est la nature du triangle par rapport à ses angles ?

La capacité du réservoir de la voiture de Atel est de 50 litres. Il a fait le plein avant de faire un voyage. Après 100 km de trajet. l'indicateur montre que le réservoir est au

de la sa contenance. Représente graphiquement la relation entre la quantité de l'essence restante dans le réservoir et la distance parcourue. Calcula ensuite la distance que la voiture peut parcourir avant que l'essence ne s'épuise.





Recueil et organisation des données

Réfléchis et discute

A apprendre :

Comment requeillir des données et les organiser dans des tableaux par intervalles

Besielles expressions :

- recueil de données
- données
- tableaux des données par intervalles

SI tu étudies le phénomène des embouteillages et les moyens d'y remédier :

- Quelles sont tes ressources pour obtenir les données ?
- Comment peux-tu recueillir des données sur ce phenomene ?
- statistiques que la utilises pour analyser ces données ?
- Peux-tu interpréter les résultats obtenus ?
- Quelles sont les propositions pour remedier à ce phenomene et pour mesurer le flux du trate?

Recueil de données

Travell en groupes : Collabore avec tes camarades pour recoedlir les connees de leuis ressources en distribuant les tâches

- A Premier groupe : recueillir des données sur ce phénomène à l'aide d'un questionnaire dont les questions tournent autour des moyens de transports utilisés état des routes noments des embouted ages présence des pannéaux indicatifs présence de sécurité
- B Deuxième groupe : recueillir des données sur ce phenomère à l'aide des informations routieres, de l'internet et des ressources média
 - C Troisième groupe: Observer les routes les plus embouteillées, le comportement des conducteurs des voitures, leurs attitudes vis à vis du respect du code de la route et le degre de respect des p étons, des règles et des lieux de passage



Organisation et analyse des données

En collaboration avec les camarades, prepare un tableau de frequences pour les moyens de transport qu'ils utilisent.

Moyen de transport	Métro	Bus	Voiture	Taxi	Vélo	Marche à pieds	total
fréquence							

Déterminer le moyen de transport le plus utilisé (le mode).

- 1 Est ce que ce moyen de transport est convenable ? Est ce qu'il aide à remédier au phénomène des embouteillages ? Pourquoi ?
- Quel es sont tes propositions pour remedier à ce phenomene en tenant compte des résultats que tu as obtenus?

Organisation des données dans des tableaux par intervalles



Le tableau suivant indique les notes obtenues par 30 élèves lors d'un examen :

7 2 5	10	7	4	5	8	6	7	13	12
2	9	11	12	11	9	15	12	13	9
5	14	19	3	9	14	3	13	8	17

Conclusion : Dresser un tableau des données par intervalles.

Solution

Pour former un tableau des données par intervalles, on suit les étapes suivantes

(1) On détermine la plus grande et la plus petite valeur de ces données Supposons que l'ensemble des données précédent est X

Dans ce cas X = {x : 2 < x < 19}

Les valeurs de X commencent par 2 et se terminent par 19

Le domaine = La plus grande valeur – la plus petite valeur = 19 – 2 = 17

(2) On subdivise l'ensemble X en un certain nombre de sous-ensembles d'intervalles égaux. Soient 6 intervalles L'intervalle de chaque sous-ensemble. 3 environ

(3) Les sous-ensembles deviennent comme suit

Premier groupe 2 ... Troisième groupe 8 ...

Deuxième groupe 5 ... Quatrième groupe 11 ... et ainsi de suite

Notone que: 2 sign fie l'intervalle des données plus grandes ou égales à 2 et plus petites que 5

(4) Ecrire les données dans le tableau suivant :

Intervalie	Marques	Effectif
2 -	1111	4
8 ~	14/1	6
8 -	111/1/	7
11 →	111/11/	8
14	111	3
17	11	2
Total		30

(5) Ensever la columne des marques pour obtenir le tablicau par intervalles. Sous pouvons ecrire ce tableau verticaiement ou horizontalement. La torme borizontale du tableau est la suivante :

Intervalle	2 -	5	8 -	11 -	14	17 ~	total
Effectif	4	6	7	8	3	2	30

Exercices (3-1)

1 Le tableau suivant montre le salaire, hebdomadaire en Livres, de 40 ouvriers d'une usine :

47	71	36	94	54	64	87	89	62	57
51	61	44	52	70	66	56	32	69	35
79	48	77	90	65	99	96	67	60	55
95 .	75	. 81 .:	84	. 78 .	38	49 :	94	. 46	59

Dresser le tableau des données par intervilles utiliser les intervalles 30 - 40 - 50 -

, 90 → Quel est c'intervalle qui a le plus d'effectit ? Quel est l'intervalle qui a le moins d'effectif ?

2 Le tableau suivant indique les notes obtenues par 30 élèves lors d'un examen :

25 35 23	35	40	20	30	37	40	33	22	38
35	36	28	37	39	28	32	26	29	37
23	34	35	36	29	38	40	35	37	31

Conclusion:

- A Dresser le tableau des notes par intervalles.
- B Trouver le nombre des elèves excellents sachant que la note minimale pour qu'un élève so t consideré comme excellent est 36 points.

3 Le tableau suivant montre le nombre de jours de congé obtenus par 40 ouvriers durant une année :

Conclusion:

- A Dresser le tableau des données par intervalles.
- B Trouver le nombre d'ouvriers ayant obtenu plus de 20 jours de conge par an

2020 2021 منبردتاني تباه شرطة Premier semestre 69



Tableau des effectifs cumulés croissants, tableau des effectifs cumulés décroissants et leurs représentations graphiques

Réfléchis et discute

A appreadre

- Comment dresser le tableau des effectifs cumulés croissants et décroissants
- Représentation graphique de tableaux des effectifs cumulés croissants et décroissants

Rosrelles expressions :

- distribution par intervalles
- ! tableau par intervalles
- tableau des effectifs cumulés crossants
- tabraau des effectris cumulés décroissants
- courbe des effectifs cumulés croissants
- courbe des effectifs cumulés décroissants

(1) Tableau des effectifs cumulés croissants et sa représentation graphique :



Exemple

Le tableau par intervalles survant, montre les tai les en centimetres de 100 éleves d'une école

(intervalles) Taille en cm	115_	120_	125_	130-	135_	140_	145_	Total
(Effectif) Nombre d'élèves	8	12	19	23	18	13	7	100

- Quel est le nombre d'elèves ayant une taille inteneure à 115 cm?
- Quel est le nombre d'eleves ayant une taille préneure à 135 cm?
- Quel est le nombre d'eleves ayant une talle inférieure à 145 cm?

Dresser le tableau des effectifs cumulés croissants de ces données, puis représenter-le graphiquement.

Solution

- *Existe-t-il des élèves ayant une taille interieure à 115 cm ? Non
- *Existe t-il des éleves ayant une taille inférieure à 135 cm ? Oui, 62 éleves
- *Comment peut-on trouver le nombre d'élèves ayant une tai le inteneure à 145 cm? On additionne les nombres d'élèves dans les intervalles où la taille est inférieure à 145.

Pour répondre aux questions precedentes d'une manière plus simple, on dresse le tableau des effectifs cumules crossants comme suit.

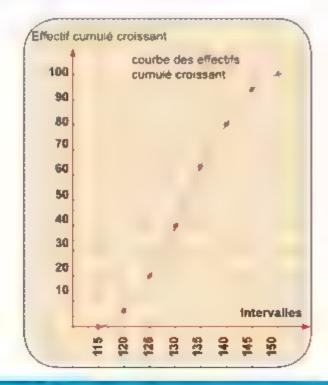


Bornes supérieures des intervalles	Effectif cumulé croissant	
inférieure à 115	<u> </u>	
inférieure à 120	(8 + 8 = B)	
inféreure à 125	(8) + 12 = (20)	Donc
inférieure à 130	20 + 19 = 39	
inférieure à 135	39 + 23 = (62)	
inférieure à 140	62 + 18 = (80)	
inférieure à 145	(80°+ 13 = 93)	
inférieure à 150	(3) + 7 = (100)	

(Tableus des effectité es	mulderer desenter
Bornes supérieures des intervalles	Effectif cumulé croissant
inféneure à 115	0
inférieure à 120	8
inféneure à 125	20
inféneure à 130	39
inférieure à 135	62
inférieure à 140	80
inférieure à 145	93
infèneure à 150	100

Pour représenter le tableau des effectifs cumulés croissants graphiquement :

- On designe 'axe horizontal pour les intervalles et l'axe vertical pour les effectifs cumulés croissants.
- 2 Pour chaque axe on choisit une echelle permettant de representer toutes les données
- On représente l'effectif cumulé croissant correspondant à chaque interva le puis on trace la courbe en joignant les points successifs.



(2) Tableau des effectifs cumulés décroissants et sa représentation graphique :

Du tableau par intervalles précédent, montrant les tailles en centimètres de 100 élèves d'une école .

Trouver: le nombre d'élèves ayant une taille de 150 cm ou plus.

le nombre d'élèves ayant une taille de 140 cm ou plus.

le nombre d'élèves ayant une taille de 125 cm ou plus.

Dresser le tableau des effectifs cumules decroissants de ces données puis représenter-le graphiquement

Solution

Il n'y a aucun élève ayant une taille de 150 cm ou plus.

Le nombre d'élèves ayant une taille de 140 cm ou plus 7 + 13 20

Le nombre d'éleves ayant une taille de 125 cm ou plus -

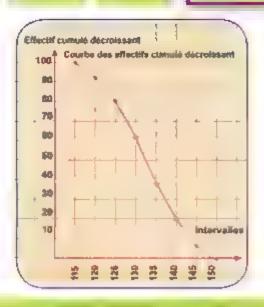
Pour répondre aux questions précédentes d'une manière plus simple, on dresse, e tableau des effectifs cumules décroissants comme suit

Tableau des effectifs cumulés érolesents							
Bornes Inférieures des intervalles	Effectif cumulé décroissant						
115 ou plus	100						
120 ou plus	92						
125 ou plus	80						
130 ou plus	61						
135 ou plus	38						
140 ou plus	20						
145 ou plus	7						
150 ou plus	0						

Bornes inférieures des intervalles	Effectif cumulé décroissant
115 ou plus	(92) + 8 = 100)
120 ou plus	(80) + 12 = 92)
125 ou plus	(61 + 19 = 80)
130 ou plus	(38, + 23 = (61
135 ou plus	20 + 18 = 3B
140 ou plus	7) + 13 = 2g
145 ou plus	0 + 7 = 7
150 ou plus	0

Pour représenter de tableau graphiquement, suivre les demarches utilisées pour représenter le tab eau des effectifs cumulés croissants comme suit .

Unité 3 : Leçon 2



Exercices (3 - 2)

Le tableau suivant indique les notes obtenues par 100 élèves lors d'un examen expérimental de mathématiques :

Intervalle	0	10⊲	20 ⊲	30⊣	40	50-₁	Total
Effectif	8	14	15	28	23	12	100

Conclusion:

- A Dresser les tableaux des effectifs cumulés croissants et décroissants
- B Tracer la courbe des effectifs cumules croissants et ce le des effectifs cumulés décroissants.
- A partir du graphique, trouver le nombre d'eleves ayant une note inférieure à 40 points et le nombre d'eleves ayant 40 points ou plus
- Casculer le pourcentage de réussite dans la classe sachant que la note minimale pour réussir est 20 points.
- Quel est le pourcentage d'élèves ayant obtenu une note super eure à 45 points ?
- 2 Le tableau suivant indique la distribution des notes obtenues par 50 élèves lors d'une épreuve :

Intervalle	2-	6→	10⊸	14⊸	18⊸	22-	26	Total
Effectif	3	5	9	10	12	7	4	50

Conclusion :

Tracer la courbe des effectifs cumulés croissants pour cette distribution.

3 Le tableau suivant montre la distribution des salaires quotidiens d'un groupe d'ouvriers :

Intervalle 5... 10-15... 20-25... 30 ... Total Effectif 10 14 24 30 10 100 12

Tracer la courbe des effectifs cumules décroissants pour cette distribution

4 Le tableau suivant montre la distribution des âges de 50 ouvriers d'une usine :

Intervalle 20 . 25 . 30 . 35 . 40 . 45 . 50 . Total Effectif 5 8 9 13 3 50 5

Conclusion:

- A Compléter le tableau.
- B Tracer la courbe des effectifs cumulés croissants pour cette distribution
- A partir du graphique, trouver :
 - 1) le nombre d'ouvriers ayant un âge superieur à 32 ans
 - 2 le nombre d'ouvriers ayant un âge interieur à 43 ans
- Le tableau suivant indique la distribution des notes obtenues par 1000 élèves dans l'une des matières :

Intervalle 20- 30-40... 50-60- 70- 80- 90-Total Effectif 30 70 160 260 150 130 110 90 1000

Conclusion:

- A Tracer les courbes des effectifs cumulés croissants et decroissants pour cette distribution
- B Trouver le nombre d'élèves ayant une note inférieure à 75 points
- C Trouver le nombre d'elèves ayant une note supérieure à 85 points.



La Moyenne arithmétique – La médiane et Le mode

Réfléchis et discute



Nous avons deja étudié la moyenne arithmétique de plusieurs nombres



14, 15, 15, 15, 15 Par exemple, si les âges de 5 eleves sont 13, 15, 16, 14 et 17ans, alors 1

Moyenne arithmétique de leurs âges =
$$\frac{13*15*16*14*17}{5}$$
$$= \frac{75}{5} = 15 \text{ ans}$$

La moyenne arithmétique : C'es la valeur la plus simple et la plus utilisee. Si on remplace chaque nombre donne par cette valeur, la somme des valeurs obtenues sera égale à la somme des nombres donnés.

Calcul de la moyenne arithmétique d'un tableau de données par intervalles :

Comment calculer la moyenne arithmétique de la distribution sulvante.

Intervalle	10 -	20 →	30 →	40 _	50 -	Total
Effectif	10	20	25	30	15	100

Notone que : Pour calculer la moyenne arithmétique d'une distribution de données par intervalles, on suit les étapes suivantes :

apprendre :

- S Comment calculer a movenne arithmétique à partir d'un tableau de données par intervalles
- Comment calculer la médiane à partir d'un tableau de données par intervalles.
- Comment calculer le mode médiane à partir d'un tableau de données par interval es

Nouvelles expressions :

- 5 moyenne arithmétique
- tabieau per intervalles
- S médiane

Déterminer le centre de chaque intervalle :

Le centre du premier intervalle = $\frac{20+10}{2}$ = 15. Le centre du deux ême intervalle $=\frac{30+20}{2}$ = 25 ... et ainsi de suite.

Comme les intervalles des sous-ensembles sont égaux et chaque intervalle est égal à 10, on considère que la borne supérieure du dern et intervalle est 60. Par conséquent,

le centre du dernier intervalle =
$$\frac{50 + 60}{2}$$
 = 55

On dresse le tableau suivant :

Intervalle	Centre de l'intervalle C	Effectif E	Centre de l'intervalle C	×	Effectif E
10 →	15	10		150	
20 →	25	20		500	
30 →	35	25	1	375	
40 →	45	30	1	350	
50 -	55	15		325	
Total		100	3	700	



- Si la moyenne arithmetique des notes d'un éleve dans les cinq premiers mois est 23,8, quelle note doit il obtenir au sixieme mois pour que la moyenne arithmetique de ses notes pendant les six mois sort 24 points ?
- Le tableau suivant indique la distribution des poids de 30 enfants en k logrammes

Poids en kg	6	10 -	14 -	18 -	22 .	26 -	30 .	Total
Effectif	2	3		8	6	4	2	30

Compléter le tableau, puis calculer la moyenne arithmétique de la distribution

(2) Médiane :

a médiane d'une série de données est la vale qui se trouve au cent e de ces données après les avoir ordonnées dans l'ordre crossant ou décroissant. Elle partage les données de tolle sorte que le morror de données du sont plus grandes sort equi au nombre de données qui lui sont plus petites.

Calcul de la mediane d'une distribution de données par intervalles :

- On dresse le tableau des effectits cumulés croissants ou decroissants puis on trace la courbe des effectifs qui lui correspond
- On détermine l'ordre de la médiane = Somme des effectifs
- On détermine le point A sur l'axe vertical (axe des effectits) qui représente l'ordre de la médiane.
- On trace la droite horizontale passant par A qui coupe la courbe en un point. De ce point, on trace une perpendiculaire à l'axe horizontale qui la coupe au point qui représente la médiane.



Exemple (1)

Le tableau sulvant indique la distribution des notes de 60 étudiants à un examen :

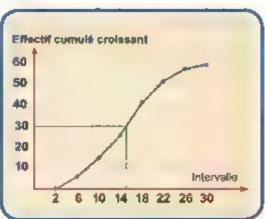
Internalia	2.	6 -	10 -	14 -	18 -	22-	26-	Total
EHOU.	6	9	12	15	10	5	3	

Trouver la mediane de la distribution en utilisant le tableau des effectifs cumules croissants

Solution

- On dresse le tableau des effectifs cumulés croissants.
- On calcule I ordre de la médiane = $\frac{60}{2}$ = 30
- On trace la courbe des effectifs cumulés croissants.

Bornes supérieures des intervalles	Effectif cumulé croissant
inférieure à 2	0
inférieure à 6	6
inférieure à 10	15
inféneure à 14	27
inférieure à 18	42
inférieure à 22	52
inférieure à 26	57
inférieure à 30	60



A partir du graphique, la médiane - 14,8 points





Réfléchis Peut-on trouver la médiane de la distribution en utilisant le tableau des effectifs cumulés décroissants ?

La valeur de la médiane diffère-t-elle de ce cas ?



Exemple (2)

Le tableau suivant montre la distribution des salaires quotidiens de 100 ouvriers d'une usine :

Salaire en LE (Intervalle)	15 .	20 .	25 .	30 .	35 .	40 .	Total
Nombre d'ouvriers (Effectif)	10	15	22	25	20	8	100

Conclusion:

- Sur un même graphique tracer les deux courbes des effectifs cumulés croissants et décroissants de la distribution.
- Du graphique peut-on trouver le salaire median ?

Solution

Bornes supérieures des intervalles	Effectif cumulé croissant	Bornes inférieures des intervalles	Effectif curr décroissa
Inférieure à 15	0	15 ou plus	100
inférieure à 20	10	15 ou plus	90
Inférieure à 25	25	15 ou plus	75
inférieure à 30	47	15 ou plus	53
inférieure à 35	72	15 ou plus	28
inférieure à 40	92	15 ou plus	8
inférieure à 45	100	15 ou plus	0

remaymus qua:

La courbe des effectifs cumules croissants coupe la courbe des effectifs cumulés décroissants en un seul point M.

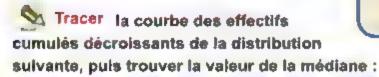
Unité 3 : Leçon 3

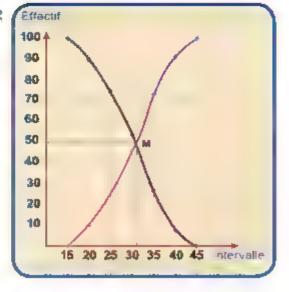
L'ordainné, du point $M = \frac{100}{2} = 50 = le rang$ de la médiane.

L'abscisse du point M détermine la médiane Chaque 10 mm de l'axe des intervalles représentent 5 Livres.

Compléter : 2 mm représentent Le salaire médian = $30 + \frac{2 \times 5}{10} = 31$ Livres







Intervalle	5.	10 .	15 -	20 .	25 .	30 .	total
Effectif	4	6	10	17	10	3	50

(3) Mode :

Le mode est la valeur la plus frequente dans un ensemble de données. Donc, c'est la valeur la plus répétée.



Exemple

Le tableau sulvant indique la distribution des notes de 40 élèves dans l'une des épreuves :

intervalle	2-	6	10	14-	18 -	22 .	26 .
Effectif	3	- 5	- 8	10	7	5	2

Trouver graphiquement le mode de cette distribution

Solution

Nous pouvons trouver le mode de la distribution à l'aide d'un histogramme comme suit

- [|] Tracer l'histogramme :
- On trace deux axes perpendiculaires, l'un horizontal pour representer les intervalles et l'autre vertical pour représenter les effectifs.

- etur chaque axe, or choisit une échelle permetant de représenter toutes les données.
- Or trace or rectangle contilla base est l'intervalle (z...) et la hauteur est l'effectif c.3...
- On trace un autre rectangle cont la base est l'intervalle (6 » et la hauteur est l'effectif (5).
- 6 De la même manière, on trace les rectangles dont les bases correspondent aux

intervalles du tableau jusqu' à l'intervalle

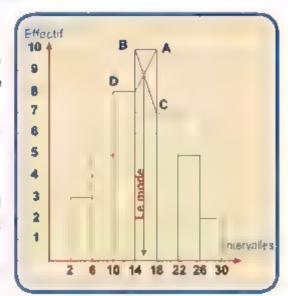
(26 -)

[II] Trouver le mode, à l'aide de l'histogramme : Pour trouver le mode, à l'aide de l'histogramme, on remarque que :

L'ensemble le plus répété est l'intervalle (14 →). Cet ensemble est appelé l'ensemble modal Pourquoi ?

Dans le graphique, on détermine le point d'intersection de AD et BC. Du point obtenu, on trace la perpendiculaire à l'axe des intervalles. Le point d'intersection de la perpendiculaire avec l'axe détermine la valeur du mode.

Du graphique, trouver la valeur du mode



Exercises (5-5)

1 Le tableau suivant montre la distribution des nombres de jours de congés de 50 ouvriers d'une usine :

Intervalle 2 - 6 - 10 - 14 - 18 - 22 - 26 - Effectif 4 5 8 K-2 7 5 1



- h la valeur de k
 - B. la moyenne arithmétique de la distribution.
- Le tableau suivant montre la distribution des tailles de 120 élèves, en centimètres :

Taille en cm	140⊸	144	148-	152-	156⊸	160→	total
Effectif	12	20	38	22	17	11	120

Trouver, a moyenne arithmétique de la distribution

Unité 3 : Leçon 3

3 Le tableau suivant montre la distribution ces salaires de quelques ouvriers d'une usine :

intervalle des salaires	300⊶	400⊶	500 -	600 -	700 -	total
Nombre d'ouvriers	8	12	18	7	5	50

Tracer la courbe des effectifs cumulés décroissants pour cette distribution, puis trouver la médiane

Le tableau suivant montre une distribution à intervalles de domaines égaux :

intervalle	10→	20-	30⊸	40-	X -	60⊸	total
Effectif	12	15	25	27	k+4	4	100

- A Trouver la valeur de x et de k.
- Dans un même graphique, tracer les courbes des effectifs cumulés croissants et décroissants de la distribution, puis calculer la médiane.
- 5 Le tableau suivant montre la distribution des poids de 50 élèves d'une école, en kilogrammes :



Trouver

- A Trouver la valeur de k.
- B Tracer un histogramme de la distribution, puis trouver le poids modal
- 6 Le tableau suivant montre la distribution des tailles de 200 élèves d'une école :

Tracer un histogramme de la distribution, puis trouver la taille modale

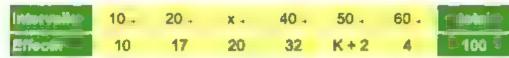
Exerciose généraux T

Le tableau suivant donne la distribution des notes de 50 élèves dans une épreuve :

Intervalle 10 . 14 . 18 . total 22 . 26 . Effectif 10 50

- Trouver a) la moyenne arithmetique des note
 - b) la médiane.

Le tableau suivant montre une distribution à intervalles de domaines égaux :



- a) Trouver la valeur de x et de k.
- b) Dans un même graphique, tracer les courbes des effectifs. cumules croissants et decroissants de la distribution, puis calculer la médiane.
- Trouver le mode de la distribution suivante, qui montre les notes de 40 élèves dans l'une des épreuves :

intervalle	30→	40⊣	50⊣	60-	70→	80→	total
Effectif	3	4	12	8	7	6	40

Le tableau suivant montre une distribution à intervalles de domaines égaux des salaires hebdomadaires de 100 ouvriers d'une usine :

Salaire en L.E. 70 . 80 . 90 4 100 -120 -130 . х. Nombre d'ouvriers 10 13 f-4 20 16 14 11

Trouver

Trouver la valeur de x et de f

le salaire modal en Livres.

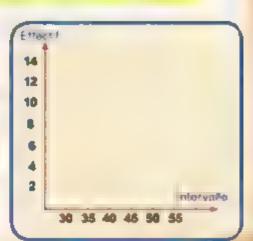
Unite 3 : Le Portfolio

Le Portfolio

Le tableau suivant donne la distribution des poids de 50 élèves d'une école, en kilogrammes :

Poids on kg	30 -	35	40 -	45 .	50 -	55 .	total
Nombre d'élèves	7	3 k	4k	10	8	4	50

- A) Trouver la valeur de k.
- b) Calculer la moyenne anthmétique.
- c) Tracer la courbe des effectifs cumulés croissants
- d) Tracer un histogramme de la distribution, puis trouver le poids modal.
- e) Trouver la médiane



Epreus de l'unité

- Completer pour obtenir une phrase correcte *
 - Si la borne inférieure d'un intervalle est 8 et la borne supérieure de l'intervalle est 14, alors le centre de l'intervalle est
 - Si la borne inférieure d'un intervalle est 4 et le centre de l'intervalle est 9, alors la borne supérieure de l'intervalle est
 - C Le point d'intersection des deux courbes d'effectifs cumulé croissant et décroissant détermine sur l'axe des intervalles
 - Si la moyenne anthmètique d'une distribution par intervalles est 39,4 et l'effectif total est 100, alors la somme des produits de chaque effectif par le centre de son intervalle est.
- ¿ Le tableau suivant donne la distribution des poids de 20 enfants en kilogrammes :

Trouver le poids médian en kilogrammes à l'aide des deux courbes d'effectifs cumulés croissants et décroissants de la distribution.

Le tableau suivant donne la distribution des incitations hebdomadaires de 100 ouvriers d'une usine :

- Trouver la valeur de K.
- Calculer la moyenne arithmétique de la distribution.
- C Trouver la valeur modale de l'incitation hebdomadaire en utilisant un histogramme.

Unité (4) 4

<u>Géométrie</u>



2020 - 2021

يبتدرن تأبين تبهيد فشريلة



les Médianes d'un triangle

A apprendre

- 🖔 Les médianes d'un trianule
- 4 Leitrler gle rectangle. ayantur angle mesure 30%

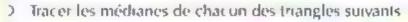
Rouvelles expressions

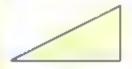
% médianes d'un triangle. Le triangle rectangle. ayant un angle n'esure 30"

Une médiane d'un triangle est un segment qui joint un sommet au milieu du côté opposé

Dans le triangle ABC, puisque D'est le milieu de BC, donc AD est une médiane du triangle ABC









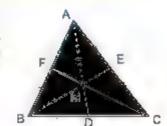




Théorème 1

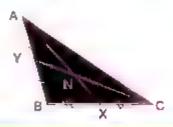
Les médianes d'un triangle se coupent en un seul point

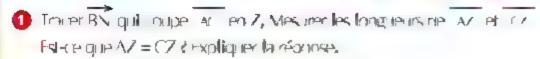
Dans le triangle ABC, si D est le milieu de BC. E est le milieu de AC. et F est le milieu de AB, alors les médianes AD . BE et CF se coupent en un seul point





Dans la figure ci-contre : ABC est un triangle tel que X est le milieu de BC, Y est le milieu de AB, et AX o CY {N}







$$\frac{NX}{NA} = \frac{NX}{NC} = \frac{NY}{NC} = \frac{NZ}{NB} = \frac{NZ$$

5 es mesures sont precises, on trouvera que NX NA



Théorème 2

Le point de concours des médianes d'un triangle p mediane dans le rapport 1 2 a partir de la base





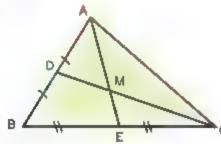


Pour s'entraîner



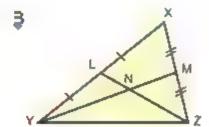
Compléter .





ME = 3cm, MC = 8cm

$$ME = AE, MC = CD$$



LZ = 15cm, YM = 18cm, XY = 20cm

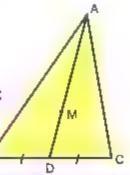
Le périmètre du triangle A NLY=

Corollaire :

AD est une médiane du triangle ▲ ABC, M € AD .

SI AM ≈ 2 MD,

alors M est le point de concours des medianes du triangle ABC



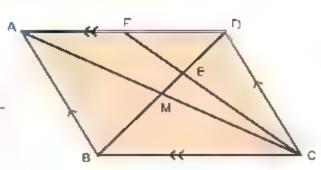


Exemple (1)

Dans la figure ci-contre : ABCD est un parallélogramme dont les diagonales se coupent en M, E e DM tel que DE = 2 EM

On trace C E qui coupe AD en F.

Démontrer que : AF = FD



Demonstration: Dans le parallélogramme ABCD,

M est le milieu de AC

M est le milieu de AC dans le triangle DAC,

DM est une médiane du triangle.

E est le point du concours des médianes du triangle

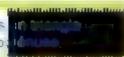
E ∈ CF

CF est une médiane du triangle et F est le milieu de AD



Théorème 3

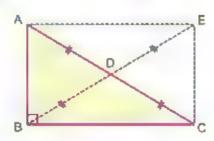
La ongueur de la médiane issue de l'angle droit dans il rectangle est egale à la moitie de la longueur de l'hyp; l'



Hypothèses ABC est un triangle tel que m (2 B) 90°, BD est une médiane du triangle ABC.

Conclusion : Démontrer que : BD = $\frac{1}{2}$ AC.

Construction • On trace \overrightarrow{BD} , purs on détermine un point $F \in \overrightarrow{BD}$ tel que BD = DF.



Demonstration:

AC et BE se coupent en leur milieu dans la figure ABCE,





$$v$$
 m (ν B) = 90° Δ la figure ABCT est un rectangle

$$ABF = AC$$

$$BD = \frac{1}{2}B$$

$$BD = \frac{1}{2}BE \qquad BD = \frac{1}{2}AC$$

Ce qu'il tallait démontrer



Réciproque du théorème 3

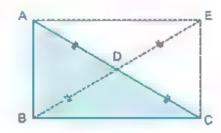
Si la longueur d'une mediane d'un triangle est égale à la moitié de la longueur du côté correspondant, a ors l'angle opposé à ce côté est droit.

Hypothéses: RD est une médiane du triangle ABC,

$$BD = DA = DC$$

Conclusion: Démontrer que : m (∠ ABC) = 90°.

Construction : On trace BD , puis on détermine un point E e BD tel que BD = DE



Démonstration: $\vee BD = \frac{1}{2}BE = \frac{1}{2}AC$

AC et 86 sont de même longueur et se coupent en leur mil eu dans la figure ABCE.

. la figure ABCE est un rectangle.

Ce qu'il fallait démontrer.

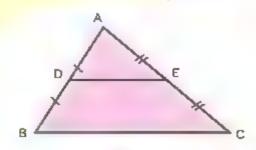


Corollaire

Rappelez-vous que :

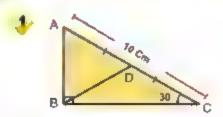
Dans le triangle ABC, si D est le milieu de AB et E est le m lieu de AC , alors

$$DE = \frac{1}{2} BC$$



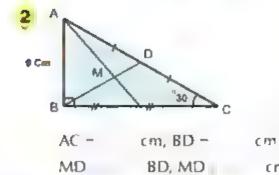
Exercises (4-1)

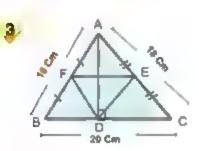
Compléter :



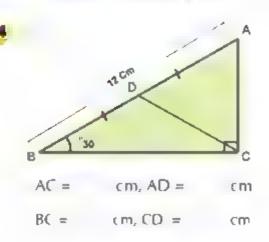
$$BD = cm, AB = cm$$

Le périmètre du $\triangle ABD = cm$





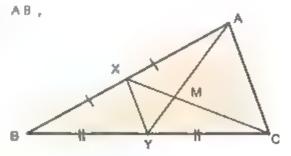
$$DF = cm, DE = cm,$$
 $FE = cm$
Le périmètre du $\triangle DEF = cm$



cm

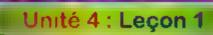
Dans la figure ci-contre :

ABC est un triangle, X est le milieu de AB, Y est le milieu de BC, XY = 5 cm et $xc \cdot n \cdot AY = \{M\}$ $S_1 CM = 8 cm, YM = 3 cm,$



trouver

- (1) le périmètre du triangle MXY.
- (2) le périmètre du triangle MAC.



6 ABC est un triangle, D est le milieu de 🔞 , M a 🐧 tel que AM = 2 MD

Ontrare ovi quilicoupe aix en E.

Sinc =
$$12 \text{ cm}$$
,

trouver la longueur de EM.

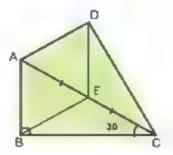
🔼 Dans la figure ci-contre :

ABC est un triangle rectangle en B,

$$m (\angle ACB) = 30^{\circ}$$
.

AB = 5 cm, £ est le milieu de AC .

St DE = 5 cm, démontrer que m (\angle ADC) = 90°.





Triangle isocèle

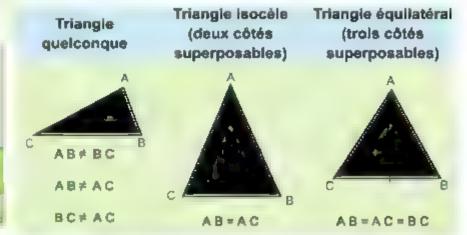
A apprendre

- Propriétés d'un triangle isobèle.
- Classification de triangles

Nouvelles expressions :

- % triangle Isonèle
- triangle équillatéral.
- briangle quelconque

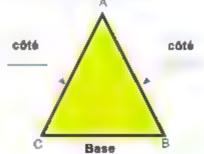
Nous savons qu'il y la trois types de triangles selon les longueurs de leurs côtés :



Dans la figure ci-dessous :

Observe que : les deux côtes AB et AC sont superposables

de meme longueur. Pour cela, le triangle est appelé isocèle. Le point A est appelé le sommet du triangle. B C est la base du triangle et les deux angles B et C sont appelés les deux angles de la base.



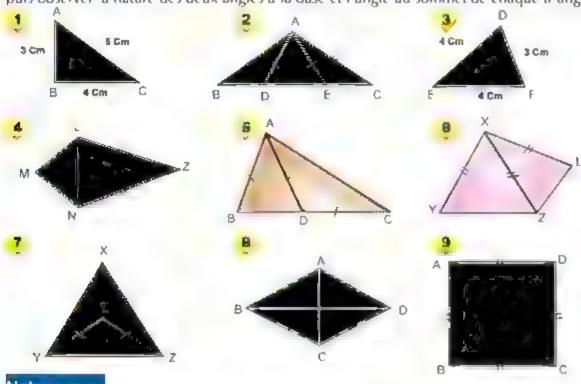
Propriétés d'un triangle isocèle :

Dans un triangle isocèle

-) Quelle est la nature de chacun des deux angles de la base ? (aigu – obtus – droit)
- O Quel est la nature de l'angle au sommet ?



Dans chacune des ligures suivantes, citer les triangles (socieles en l'eterm pant le insibases puis observer la nature des deux angles à la base et l'angle au sommet de chaque triangle.



Notone que :

- Dans un triangle isocele, les deux angles à la base sont aigus.
- L'angle au sommet d'un triangle isocèle peut être aigu, droit ou obtus. Un triangle socèle selon ses angles peut être acutangle ou rectangle ou obtusangle comme le montre le selon ses angles.





les Théorèmes liés au triangle isocèle

A apprendre

- La relation entre les riaux angles à la rese d'un triangle isocèle
- La relation entre les mesures des angles d'un triangle équitatéral.
- % a relation entre les rôtés opposés à rieux angles de même mesure dans un triangle
- Si les trois angles d'un friengle sont superposables, alors d'est un triangle équilatéral.

Nouvelles expressions

- triangle isocèle.
- les deux angles à la base

Y a-t-îl une relation entre les deux angles à la base d'un triangle (socèle ?

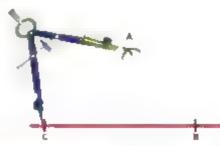
Pour répondre, fait l'activité suivante :



activité

En utilisant le compas

Tracer plusieurs triangles isocèles comme le montre la figure ci-contre où AB = AC



- 2 Trouver, à l'aide d'un rapporteur, les mesures des deux angles à la base ∠ ABC et ∠ ACB
- 3 Noter les mesures obienues dans le tableau suivant puis comparer les mesures des deux angles dans chaque triangle.



2

3

Garde cette activités dans ton portfolio.



Théorème 1

Dans un triangle isocèle, les deux angles à la base sont superposables

Hypothèses : ABC est un triangle tel que AB = AC

Conclusion : ∠ B = ∠ C

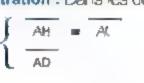


Démonstration : Dans les deux frangles rectangles ADB et ADC or la

(hypothése)

(côté commun)





 $\triangle \triangle ADB = \triangle ADC$

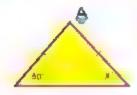
(l'hypoténuse et un côté)

De la superposition des deux thangles, on a

Ce qu'il fallait démontrer



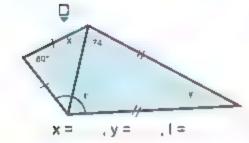
Dans chacune des figures suivantes, trouver la valeur de la lettre exprimant la mesure de l'angle :



x =

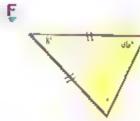




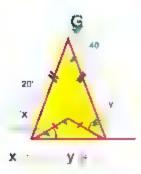


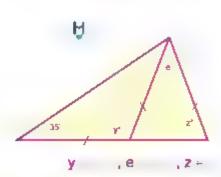


, m =



, k =1=

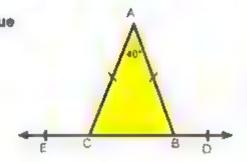






 $m(a|A) = 40^{\circ}, D \in CB, E \in BC$





Pour réfléchir : Est-ce que les supplements de deux angles de mesures égales sont de même mesure ?

Corotiaire

Dans un triangle du Hateral, les trois angles -



Exemple (1)

Dans la figure ci-contre, ABC est un triangle équilatéral.

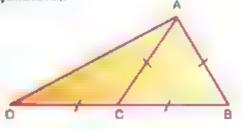
 $D \in BC$ tel que BC = CD.



Démontrer que All 1 AD

Hypothéses : AB BC (A CD, D & BC

Conclusion: Demontrer que BA . AD



Démonstration : A ABC est un triangle equilateral,

$$m_{\perp} ACB = m_{\perp} BAC + m_{\perp} B = 60$$
 (corollaire)

DeBC

∠ BCA est un angle extérieur au triangle △ ACD.

$$m (\angle BCA) = m (\angle CAD) + m (\angle CDA) = 60^{\circ}$$
 (1)

Dans le triangle △ ACD

$$CA = CD$$
 $\triangle m (\angle CAD) = m (\angle CDA)$ (2)

De (1)et (2): $m (\angle CAD) = m (\angle CDA) = 30^{\circ}$

$$v m (z BAD) = m (z BAC) + m (z CAD)$$

$$\Delta H (z BAJ) = 60^{\circ} + 30^{\circ} = 90^{\circ}$$

Ce qu'il fallait démontrer

Notons que : La mesure d'un angle extérieur à un triangle est égale à la somme des mesures des deux angles du triangle qui ne lui sont pas adjacents.



Exemple (2)

Dans la figure ci-contre, AB ~ AD, BC ~ CD.



Démontrer que Z ABC = Z ADC

Hypothèses: AB = AD, BC = CD

Conclusion: Démontrer que 2 ABC = 2 ADC

Demonstration: Dans le triangle △ ABD

$$AB = AD$$

$$m (\angle ABD) = m (\angle ADB)$$
 (1)

Dans le triangle & CBD

$$CB = CD$$

$$m (\angle CBD) = m (\angle CDB)$$
 (2)

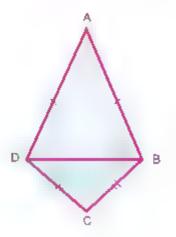
En additionnant (1) et (2):

$$m (\angle ABD) + m (\angle CBD) = m (\angle ADB) + m (\angle CDB)$$

$$m (\angle ABC) = m (\angle ADC)$$

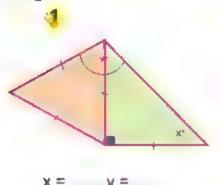
$$\angle ABC = \angle ADC$$

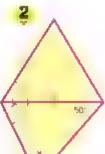
Ce qu'il fallait démontrer.

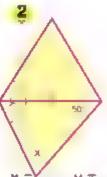




Dans chacune des figures suivantes, trouver la valeur de la lettre exprimant la mesure de l'angle :





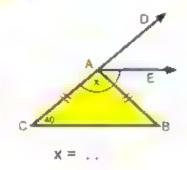


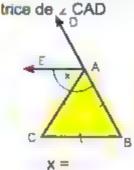


AF est une bissec-



Activité





Tracer un triangle ABC tel que BC = 7 cm m (2 B = m (2 C) = 50° Mesurer les longueurs de AB et AC Repeter l'activité en choisissant d'autres longueurs pour BC et pour les mesures des ang es ∠ B et ∠ C, puis compléter le tableau

Triangle	ВС	m (B)	m (C)	AB	AC
1	7cm	50°	50°		
2					
3					
4					

- 🚺 Est-ce que la longueur de 🔺 😑 la longueur de 🔺 🔏 Est-ce que 🗚 🗈 🔺 🗛 🧸
- Comment peut-on interpréter de résultat géométriquement ?

Unité 4 : Leçon 3

D



Théorème (2)

Si un triangle a deux angles superposables, alc 👊 😭 🕬 à ces deux angles sont superposables et le triangle

Hypothèses: A ABC est un triangle tel que z B = zC

Conclusion : Démontrer que AB = AC

Construction: On trace AD une bissectrice de 2 BAC qui coupe BC en D



$$h m (\angle B) = m (\angle C)$$

AD est une bissectrice de a BAC

$$m (\angle BAD) = m (\angle CAD)$$

la somme des mesures des angles d'un triangle + 180 °

$$m (\angle ADB) = m (\angle ADC)$$

. Dans les deux triangles ADB et ADC on a :

AD côté commun

$$m \in BAD$$
 = $m (\angle CAD)$

$$m (\angle ADB) = m (\angle ADC)$$

Par conséquent, AB = AC

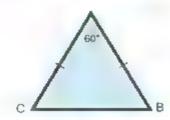
et le triangle ABC est isocèle.





Dans la figure ci-contre, ABC est un triangle isocèle tel que

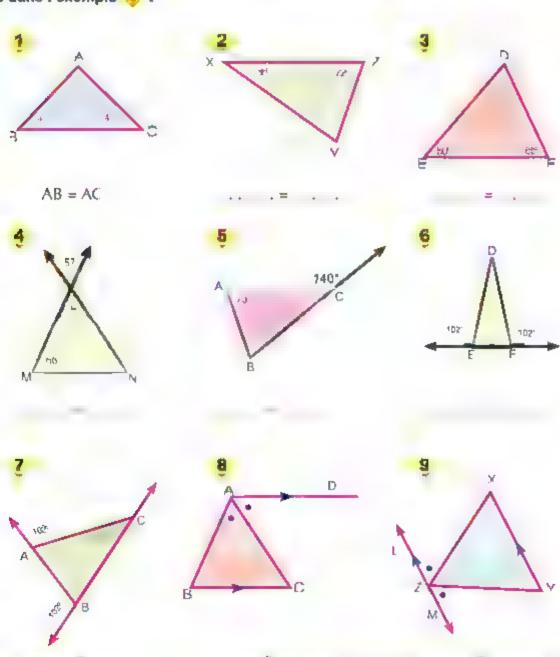




Notons que Si un triangle isocele a un angle de mesure 60°, alors c'est un triangle équilatéral.



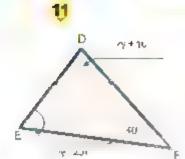
Dans chacune des figures suivantes, déterminer les côtés de longueurs égales comme dans l'exemple 1:

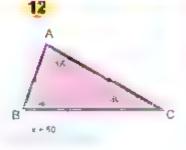


Unité 4 : Leçon 3

10 4-4)

az 16







Examples

Dans la figure ci-contre, ABC est un triangle tel que AB = AC, AY // BC



Démontrer que le triangle A AXY est isocele

Hypothèses : AB = AC . XY // ac

Conclusion: Démontrer que AX = AY

Démonstration : Dans le triangle △ ABC AB = AC

$$\frac{m (\angle ABC) = m (\angle ACB)}{XY // BC \text{ et } AB \text{ est une sécante}}$$

$$m (\angle AXY) = m (\angle ABC)$$
 correspondents (2)

De même, XY // BC et AC est une sécante

$$m (\angle AYX) = m (\angle ACB)$$
 correspondents (3)

De (1) et (2), (3) on a 1

$$m (\angle AXY) = m (\angle AYX)$$

Dans le A AXY

$$m (\angle AXY) = m (\angle AYX)$$

$$AX = AY$$

Le triangle AXY est isocèle





Réfléchis : Peut-on conclure que XB = YC ? Pourquoi ?





Dans la figure ci-contre,

ABC est un triangle rentangle en B, $m(z(\cdot) = 30^\circ$, Die AC telique DB = DC



Démontrer que le triangle ABD est équilatéral



Hypotheses . m (∠ A B C) = 90° , m (∠ C) = 30° , D B = D C

Conclusion: Démontrer que AB = BD = AD

Démonstration : Dans le triangle DBC DB = DC

Dans le triangle A B C

$$m (\angle BAD) = 90^{\circ} - 30^{\circ} = 60^{\circ}$$

(1)

∠ ADB est extérieur au triangle △ BDC

$$m (\angle ADB) = m (\angle DBC) + m (\angle DCB)$$

$$m (\angle ADB) = 30^{\circ} + 30^{\circ} = 60^{\circ}$$
 (2)

Dans le triangle ABD,

la somme des mesures des angles du triangle = 180°.

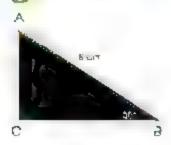
$$m (\angle ABD) = 180^{\circ} - (60^{\circ} + 60^{\circ}) = 60^{\circ}$$
 (3)

De (1), (2) et (3)
$$\geq$$
 m (α ABD) = m (α ADB) = m (α A)

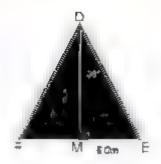
Le triangle ABD est equilatéral d'ou AB = BD =AD

korojeas (4.5

Completer:







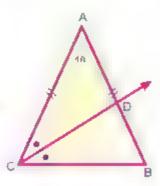
Dans la figure ci-contre,

AB = AC, $m(\angle BAC) = 48^{\circ}$

CD est une bissectrice de 2 B C A qui coupe AB en D



Trouver m (∠B) et m (∠BCD)

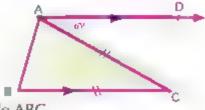


Dans la figure ci-contre,

A B C est un triangle tel que AC = BC



Trouver les mesures des angles du triangle ABC

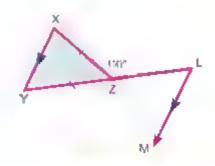


Dans la figure ci-contre,

ZE LY , XZ=YZ $m (z L Z X) = 130^{\circ}, LM // XY$.

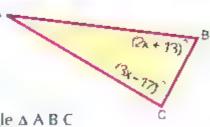


Trouver m (2 MLY)



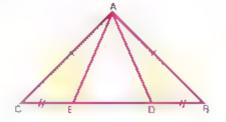
Dans la figure ci-contre,

$$AB = AC$$
, $m(xB) = (2x + 13)^{x}$
 $m(xC) = (3x - 17)^{x}$.



Trouver les mesures des angles du triangle Δ A B C

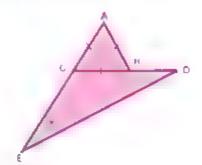
B Dans la figure ci-contre,



Démontrer que a) A ADE est isocèle



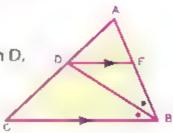
$$E \in AC$$
, $D \in CB$,
 $m (\angle DEC) = 30^{\circ}$.



Démontrer que le triangle DCE est isocèle

B Dans la figure ci-contre,

BD est une bissectrice de Z A B C qui coupe AC en D.



Démontrer que le triangle EBD est isocèle



11 AbCD est un carré. Les diagonales A 1 et 3 3 se coupent en M



Compléter et discuter :

A Dans A A B C , m (∠ A B C) = ...
∴ AB = B C
m (∠ 8 A C = m (∠ B C A)=
°

E B

- Cardiagonale ∧ Coest-elle une bissectrice de ∠ A ?
- D La diagonale BD est-elle une bissectrice des deux angles ∠ B et ∠ D?
- 🚊 Le triangle M A D est-il isocèle ? Pourquoi ?
- E. Citer des triangles isoceles ayant pour sommet le point M.
- G Mest-il le milieu de ∧C et 8D?
- H Est-ce que AC = BD?
- A partir des reponses précedentes, tirer des conclusions relatives aux propriétés d'un carré, puis garder le resultat dans votre portfolio



les Corollaires liés au triangle isocèle

Réflèchis et discute

A appressive

Des comitaires ilés aux inéorèmes du triangle isopèle

Nouvelle/ expressions

- % triangle isonale
- olssectrice de l'angle au sommet
- milleu de la base d'un triangle
- médlatriba d'un segment

23

Corollaire (1)

La médiane issue du sommet d'un triangle isocèle est une bissectrice de l'angle au sommet et est perpendiculaire à la base.

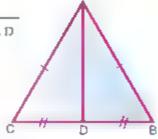
Dans la figure ci-contre,

ABC est un triangle tel que AB = AC et AD

est une médiane du triangle

Dans ce cas: AD est une

bissectrice de ZBAC et AD I B (



Notone que: A A D 8 = A A DC Pourquoi?



Corollaire (2)

La bissectrice de l'angle au sommet d'un triangle isocèle coupe la base en son milieu et est perpendiculaire à la base.

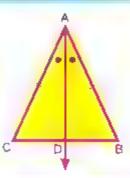
Dans la figure ci-contre,

A B C est un triangle tel que, A B = A C et

AD est une bissectrice de & BAC

Dans ce cas:

D'est le milieu de BC et AD L BC



Notons que : A A D B = A A D C Pourquer

Corollaire (3)

La droite issoe du sommet d'un triangle isocèle et perpendiculaire à sa base, coupe cette base en son nulieu et est une bissectrice de l'angle au sommet,

Dans la figure ci-contre,

A B C est un triangle tel que, A B = A C et AD 1 BC

Dans ce cas | Diest le milieu de | B C | et m (2 B A D) = m (2 C A D)

Notons que: A A D B * A A D C Pourquoi ?

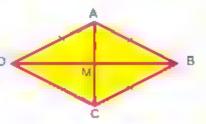




Dans la figure ci-contre,

ABCD est un quadrilatere dont les côtes sont de même longueur. Cette figure est un losange et ses diagonales.

AC et BD se coupent au point M.



Notone que: A ABD + A C B D Pourquoi ?

m(ABD = m & CBD)

Dans A B C , A B = B C , B M est une bissectrice de Z A B C

BM 1 Mest le milieu de AC.

Dans $\triangle B A D$, A B = A D, $AM \perp BD$

. AM est une bissectrice de 🗵 , M est le milieu de 🛭 D .

Les diagonales d'un losange sont elles perpendiculaires ?

Est-ce que les diagonales d'un losange se coupent en leur milieu?

Est de que les diagonales d'un losange sont bissectrices de ses angles ?

Noter les réponses, puis garder le résultat dans votre portfolio ?

Axes de symétrie

[1] Axe de symétrie d'un triangle isocèle :

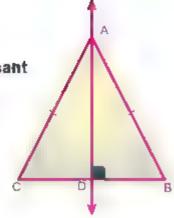
L'axe de symétrie d'un triangle isocèle est la droite passant par son sommet et perpendiculaire à sa base.

Dans la figure ci-contre,

ABC est un triangle tel que A B = A C et AD 1 a C

Dans ce cas AD est un axe de symétrie

du triangle isocèle ABC.



Discuter:

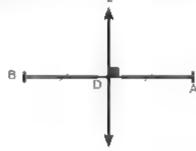
- Un triangle isocèle peut-il avoir plus d'un axe de symétrie ?
- Combien un triangle équilatéral a-t-il d'axes de symétrie ?
- Un triangle quelconque peut-il avoir des axes de symétrie ?

[II] Axe de symétrie d'un segment :

La droite perpendiculaire à un segment passant par son milieu est un axe de symétrie du segment. Elle est appelée la médiatrice du segment.

Dans la figure ci-contre,

D est le milieu de AB, la droite L → AB où D ∈ L Dans ce cas, la droite L est la médiatrice de AB

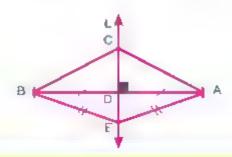


Propriété importante

Tout noi at de la médiatrice et un segment est equidistant des deux extremites ou segment.

Nations que :

- Si C ∈ L, alors AC = B C.
- 2 Si EA = F B, alors E ∈ L. Pourquoi?



Unité 4 : Leçon 4



Exemples

Dans la figure cl-contre,

AB
$$AC = 10 \text{ cm}$$
, $EB = EC$

AE $nBC = \{D\}$

Si BC 6 cm, trouver la longueur de CD et AD

Hypothèses . AB ACetEB EC

Conclusion

: trouver CD et A D

Démonstration : AB - AC

A est un point de la médiatrice de BC

EB = EC

E est un point de la médiatrice de BC

10 Cm

.. AF est la médiatrice de BC .

Dest le milieu de BC et AD 1 BC

Dest le milieu de BC et BC = 6 cm ACD = 3 cm

AD L BC

le triangle & ADC est rectangle en D.

 $(AD)^2 = (AC)^2 - (CD)^2$

 $(AD)^2 = 100 - 9$

AD = √ 81 cm

Dans la figure ci-contre,

A B C est un triangle tel que A B = A C,

AD \perp BC , m (\angle BAD) = 25°.

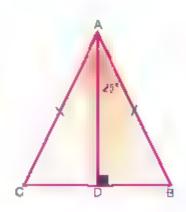
B C = 4 cm. Trouver:



Hypothèses : AB = AC

AD \perp BC , m($_{2}$ BAD) = 25°, BC = 4 cm

Conclusion: trouver m (2 D A C) et la longueur de DC



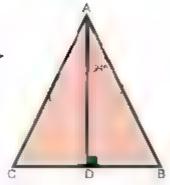
Démonstration : Dans le triangle ABC

. Ab coupe la base BC en son milieu et Ab

est une bissectrice de 2 BAC

$$m (\angle DAC) = m (\angle DAB) = 25^{\circ}$$

$$DC = \frac{1}{2}BC = \frac{4}{2} = 2 cm$$



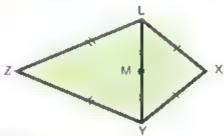




Pour s'entraîner

Dans la figure ci-contre,

$$XY = XL$$
, $Zy = ZL$, $LM = YM$.





Démontrer que les points X, M et Z sont alignés

Dans la figure ci-contre,

$$BD = CE$$

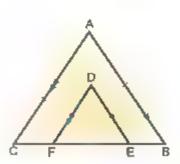
$$m (\angle D) = m (\angle E) = 90^{\circ}.$$





Dans la figure ci-contre,

B)
$$m$$
 (\angle BAC) \approx m (\angle E D F)





1 Compléter pour obtenir des phrases correctes

- B Le nombre d'axes de symétrie d'un triangle équilatéral est
- C Tout point de la médiatrice d'un segment est equidistant de
- 51 la mesure d'un angle d'un triangle isocèle est 100°, alors la mesure de l'un des deux autres angles = °

2 Choisir la bonne réponse parmi les réponses proposées :

A Le nombre d'axes de symétries d'un triangle isocèle »

$$(0-1-2-3)$$

Le triangle ayant pour longueurs de côtes 2 cm, ox + 3) cm et 5 cm est socèle pour x = cm.

$$(1-2-3-4)$$

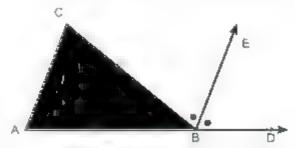
C Le point d'intersection des médianes d'un triangle, partage chaque médiane dans le rapport à partir de la base

$$(1:2-2:1-1:3-2:3)$$

3 Dans la figure ci-contre,

AB = BC, BE est une bissectrice de $\angle CBD$, $D \in \overline{AB}$

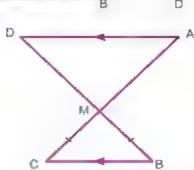
Démontrer que · B E // Ac



👲 Dans la figure ci-contre,

Démontrer que :

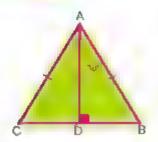
- (1) △ AMD est isocèle
- 2 les deux triangles AMD et BMC ont le même axe de symétrie



😈 🗗 Ekoroloda gárjárausi 🏋 📵

1 Dans la figure ci-contre,

- a) Trouver la longueur de BD et AD .
- b) Quel est le nombre d'axes de symétrie du triangle ABC ?
- c) Quelle est l'aire du A ABC ?

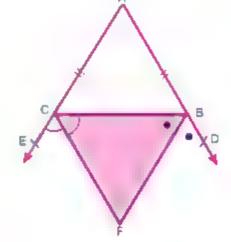


2 Dans la figure ci-contre,



Démontrer que

- a) A BFC est isocèle.
- b) AF est la médiatrice de BC .

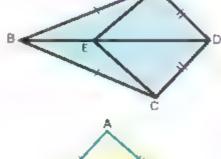


Dans la figure ci-contre,



Démontrer que

os est une bissectrice de « ADC est une bissectrice de « ABC



Dans la figure ci-contre,

DE // BC ,
$$AD = AE$$

Demontrer $AB = AC$.

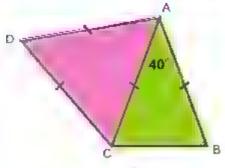


5 Dans la figure ci-contre,

$$\Delta B = \Delta C = \Delta D = (1)$$

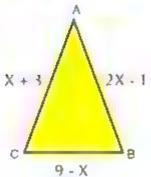
$$m (\angle BAC) = 40^{\circ}.$$

Trouver: m (a BCD)



Dans la figure ci-contre,

ABC est un triangle tel que m (z B) = m (z C) Calculer le périmètre du triangle.

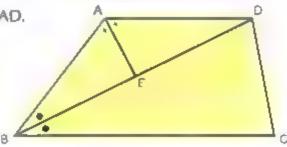


Z Dans la figure ci-contre,

ABCD est un quadrilatère tel que AD // BC , B D est une bissectrice de

∠ ABC, AE est une bissectrice de ∠ BAD.

Démontrer que



Le Portfolio

- 1. A Paide d'une règle et d'un compas, tracer un angle 2 ABC, puis tracer A.E. // B.C.
- 2 Dans la tigure di-contre,

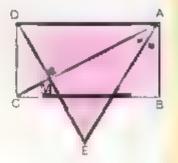
ABCD est un rectangle, AC est une diagonale,

A E lest une bissectrice de ∠ B A C,

$$\overrightarrow{OL} \overrightarrow{AE} \cap \overrightarrow{DE} = \{E\},\$$



Démontrer que LIA = LI L.







1 Complèter pour obtenir des phrases correctes :

- A Dans un triangle isocele, les deux angles à la base
- § La médiane issue du sommet d'un triangle isocèle est et .
- Cans un triangle ABC si AB = AC et m (∠A/ = 70 , alors m (∠C) =

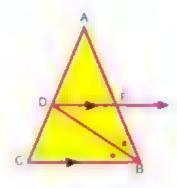
- E La droite perpendiculare a un segment, passant par son milleu est appelée.

2 Dans la figure ci-contre :

ABC est un triangle tel que BD est une bissectrice de ∠ ABC qui coupe Ac en D, DE // CB et

$$DE \cap AB = \{E\}.$$

Démontrer que B E = E D.

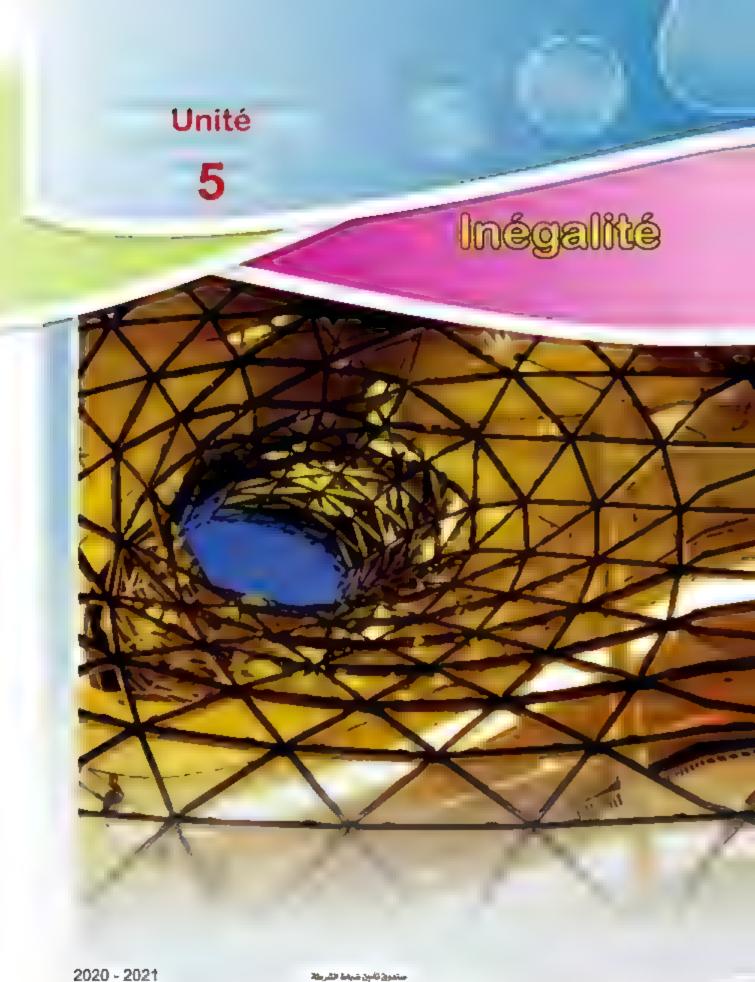


3 🖎 Tracer un segment AB de 6 cm de longueur All'aide d'une règle et d'un compas,

tracer la droite L, médiatrice de AB , où AB n L = {C}

Déterminer le point D de la droite L tel que CD 4 cm

Mesurer les ongueurs de DA et DB (Ne pas effacer les arcs)



Unité 5

l' Inégalité

Réfléchis et discute

A apprendre :

- Notion de l'inégalité
- Axiomes de l'inégalité

flouvelles expressions :

- 🤏 inégalité
- axiome
- 5 plus grand que >
- 5 plus petit que <
- = égal به

Notion de l'inégalité :

- 1 Tous les eleves de la classe ont-ils la même la lle ₹
- 2 Yaltal une difference entre la mesure d'un angle aigu, un angle droit et un angle obtus ?

Que signifie cette différence ?

Notone que

L'inegalite signifie qu'il existe une différence entre les tai les des éleves et entre les mesures des angles qu'on exprime par la relation de l'inégalite. L'inegalite est utilisée pour comparer deux nombres différents.



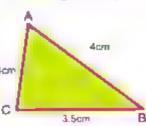
Exemples

- Si ∠ ABC est un angle aigu, alors m (∠ ABC) < 90°</p>
- 2 Dans la figure ci-contre , ABC est un triangle tel que .

$$AB = 4 \text{ cm}, BC = 3.5 \text{ cm},$$

Dans ce cas, AB > BC , BC > AC

Donc AB > BC > AC





Dans la figure ci-contre, trouver m (∠ ACB), m (∠ ACD)

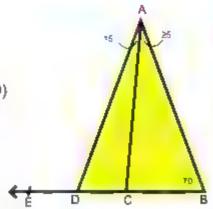
et m (2 ADE), puis completer à l'aide des symboles > ou <

m (∠ ADE) m (∠ CAD)

m (∠ ADC) m (∠ ACB)

m (∠ ACD) m (∠ ABC)

m (∠ ACD) m (∠ ADE)

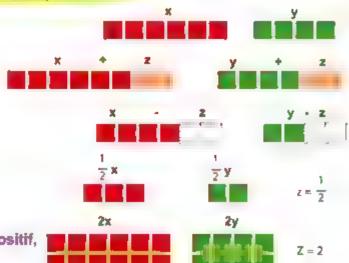


Notons que Toutes les relations précédentes sont des inégalités.

Axiomes de l'inégalité

Solent x , y et z trois nombres.

- Si x > y, alors x + z > y + z.
- 2 Si x>y, alors x-z>y-z.
- Si x > y et z est un nombre positif, aiors x z > y z.
- 4 Si x > y et y > z. alors x > z.
- Si x>yeta>b, alors x+a>y+b



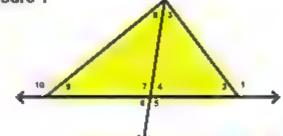


Rappelone que : La mesure d'un angle extérieur à un triangle est plus grande que la mesure de tout angle Intérieur non adjacent à cet angle extérieur.

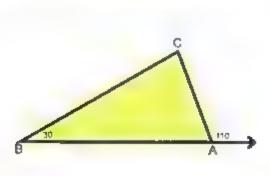


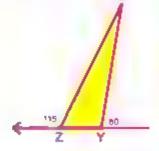
1 D'après la figure ci-contre et dans chacun des cas suivants, lequel des angles suivants a la plus grande mesure ?

A	۷1	ou	∠ 3	ou	₂ 4



- 2 Dans la figure ci-contre, déterminer :
 - A tous les angles ayant une mesure inferieure à m (z 1)
 - B tous les angles ayant une mesure supérieure à m (2 6)
 - C tous les angles ayant une mesure interieure a m(2 4)
- ABC dans l'ordre croissant et
- 3 Ranger les mesures des angles du triangle ABC dans l'ordre croissant et les mesures des angles du triangle XYZ dans l'ordre décroissant.





4 Dans la figure ci-contre, C ∈ AB , D ∈ AB

alors AC BD



Unité 5 : Leçon 1



Exemple

Dans la figure ci-contre,

m (ACB) > m (ABC), DB = DC

Démontrer que : m (∠ A C D) > m (∠ A B D)

Hypotheses: $m(\angle ACB) > m(\angle ABC)$, DB = DC

Conclusion: m (∠ACD) > m (∠ABD)

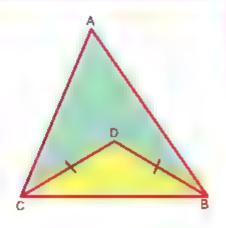
Démonstration : .: D B = D C

v m (z ACB) > m (z ABC)

.. De (1) - (2) , on a :

m (2 A C B) - m (2 D C B) > m (2 A B C) - m (2 D B C)

m (∠ A C D) > m (∠ A B D) Ce qu'il fallait démontrer



(1)

(2)



A B C est un triangle tel que A C > A B, X \in A B Y \in AC, tels que m (\angle A XY) = m (\angle A YX).

Démontrer que : Y C > X B.



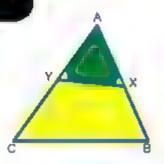
AD n CB = {M}, E c CD , E d CD

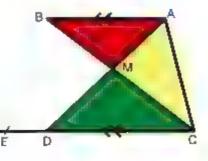
Démontrer que : A m (∠ A C D) > m (∠ A B C)

8 m (ADE) > m (ABC)

3 Soit M un point à l'intérieur d'un triangle ABC.

Démontrer que : $m (\angle AMB) > m (\angle ACB)$.





Unité 5

La Comparaison des mesures des angles d'un triangle

Réfléchis et discute

il apprendre

 La comparaison des mesures des angles d un triangle,

flouvelles expressions

- 4 Angle
- mesure d'un angle
- le plus grand angle d un triangle
- le plus petit angle d'un triangie
- le plus grand côté d'un triangle
- le plus petit côté d'un triangle

O

Activité

- Dans la figure ci-contre, ABC est un triangle isocèle tel que AB = AC
- Si on plie le triangle de sorte que les deux sommets A et B soient contondus, que peul- c B on remarquer des mesures des angles B et C opposes aux deux côtés AC et AB ayant la même longueur ?
- Si on plie le triangle de sorte que les deux sommets A et C soient confondus, que peut-on remarquer des mesures des angles opposés aux deux côtés BC et AB ayant des longueurs différentes?
- Est-ce que l'inégalite des longueurs de deux côtés d'un triangle implique l'inégalité des mesures des deux angles opposés à ces deux côtés ?
- Tracer un triangle ABC de côtés de longueurs inégales

 Plier le triangle de sorte que les deux sommets A et B soient confondus. Que peut-on remarquer des mesures des angles A et
 - B opposés aux deux côtés
 BC et AC ayant des
 longueurs différentes ?
- Plier le triangle de sorte que les deux sommets B et C soient confondus. Que peut on remarquer?



Notone que : Dans un triangle, si les côtes sont de longueurs inegales, alors les angles sont de mesures inégales.



Activité

Tracer un triangle ABC de côtés de longueurs inégales. Mesurer les longueurs des côtés et les mesures des angles qui leurs correspondent , puis compléter le tableau suivant

Longueurs des côtés	Mesures des angles opposés		
AB =cm	m (C)=		
BC = cm	m (Å) =		
CA = cm	m (B) =		

Que peut-on remarquer ?

Théorème (3)



Dans un triangle, si des côtés ont des longueux inégales.

les angles opposes à ces côtes ont des missures inégales.

Au plus long côté est opposé le plus grand angle.

Hypothèses: ABC est un triangle tel que A B > A C

Conclusion Demontrer que m (2 ACB) > m (2 ABC)

Construction: Prenons un point D ∈ AB tel que AD = AC

Démonstration : Dans △ ACD , A D = A C

. m (∠ ACD) = m (∠ ADC) (1)

 $m (\angle ADC) > m (\angle B)$ (2)

De (1) et (2) on a :

 $m (\angle ADC) \ge m (\angle B)$

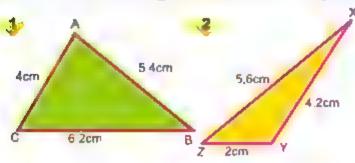
Mais m (∠ ACB) > m (∠ ACD)

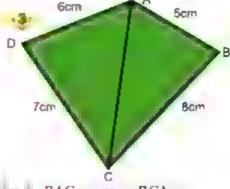
m (_ ACB) > m (_ ABC)

Ce qu'il fallait démontrer



Dans chacune des figures suivantes, compléter à l'aide des symboles > ou <





Notone que :

La mesure du plus grand any eld an trangle est supe l'eure 3, 60%

a mesure du plus petit angle d'un trangle est interioure à 60° Pourque (2)



Exemple

Dans la figure ci-contre,

ABC est un triangle tel que AB > BC > CA.

Démontrer que : $m (\angle C) \ge m (\angle A) \ge m (\angle B)$

Hypothèses: AB > BC > CA

Conclusion Démontrer que m (¿ C) >m (¿ A) > m (¿ B

Démonstration : Dans & A B C

$$v \mid A \mid B > B \mid C \qquad \text{if } m \mid (z \mid C) > m \mid (z \mid A)$$
 (1)

$$B C > C A$$
 $\therefore m (_x A) > m (_x B)$ (2)

De (1) et (2) et en appliquant les axiomes de l'inégalité, on a

$$m(\angle C) > m(\angle A) > m(\angle B)$$

Unité 5 : Leçon 2

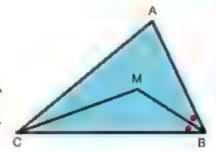
Rappelone que : Le côté le plus long dans un triangle est opposé à l'angle de plus grande mesure et le côté le plus court dans le triangle est opposé à l'angle de plus petite mesure.



Exemple

Dans la figure ci contre, BM est une bissectrice de 2 A B C et CM est une bissectrice de 2 ACB .

Si M C > MB,



démontrer que m (¿ ABC) > m (¿ ACB)

Hypothèses: BM est une bissectrice de Z A B C, CM est une bissectrice de Z ACB et MC > MB

Conclusion: Démontrer que (2 ABC) > m (2 ACB)

Démonstration : Dans & MBC

MC > MB $\therefore m (\angle MBC) > m (\angle MCB)$ (1)

Dans & ABC

BM est une bissectrice de . ABC $\mathbf{m} (zMBC) = \frac{1}{2} \mathbf{m} (zABC)$ (2)

CM est une bissectrice de \angle ACB $= \frac{1}{2} m (\angle$ ACB) (3)

De (1), (2) et (3) on a :

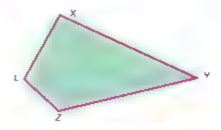
 $\frac{1}{2}$ m \approx ABC > $\frac{1}{2}$ m \approx ACB En appl quant les axiomes de l'inegalite

∴ m (∠ ABC) > m (∠ ACB) Ce qu'il fallait démontrer



- 4 ABC est un triangle tell que AB = 2,7cm, BC = 8,5cm et AC = 6 cm. Ranger dans l'ordre croissant les mesures des angles du triangle.
- 2. Dans la figure ci-contre, XY > X L, Y Z > Z L.

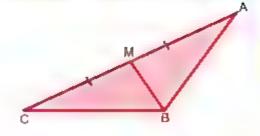
Démontrer que : m (z XLZ) > m (z XYZ)



3 Dans la figure ci-contre,

B M est une médiane du ABC, BM < AM.

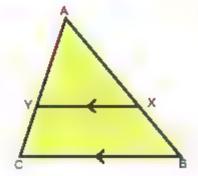
Démontrer que « ABC est obtus.



Dans la figure ci-contre,

ABC est un triangle tel que , AB > AC , XY // BC .

Démontrer que : m (¿ AYX) > (¿ AXY)

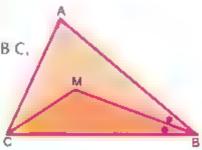


5. Dans la figure ci-contre,

ABC est un triangle, BM est une bissectrice de ZABC,

C M est une bissectrice de ¿ ACB Si AB > AC,

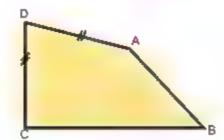
démontrer que m (z MCB) > m (z MBC).



Bans la figure ci-contre,

ABCD est un quadrilatère tel que AD = DC,

BC > AB

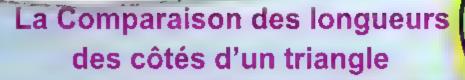


Démontrer que :

 $m (\angle A) > m (\angle C)$.

7 ABCD est un quadrilatère tel que AB est le côté le plus long et CD est le côté le plus court.

Démontrer que m (∠ BCD) > m (∠ BAD).



Réfléchis et discute



Activité 1 Dans la figure cl-dessous, ABC est un triangle dont les angles sont de mesures inégales.

Plier le triangle de sorte que es deux sommets A et B soient confondus. Que peut-on remarquer à propos des longueurs des deux côtés BC et AC opposés aux deux angles A et B de mesures inégales ?



🤏 Piler le triangle de sorte que les deux sommets B et C soient confondus. Que peut-on remarquer?

Au cas où les deux sommets C et A se confondent, que peut-on remarquer?

Y a-t-il des côtes de même longueur dans ce triangle ?

Notone que: Dans un triangle, si les angles sont de mesures inégales, alors les côtés sont de longueurs inégales.



Activité 2 Tracer un triangle ABC d'angles de mesures mégales. Mesurer les longueurs des côtés opposés à ces angles, puis compléter le tableau suivant

111712 2 2 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1		
Mesures des angles	Longueurs des côtés opposés	
m (∠ A) = '	BC = cm	
m (z B) =	CA = cm	
$m / c C $ = $\frac{1}{2}$	AB - cm	

Que peut-on remarquer ?

- 🖰 Est-ce que l'angle de plus grande mesure est oppose au plus long côte ? Est-ce que l'angle de plus petite mesure est opposé au plus court côté ?
- Peut on ordonner les longueurs des côtes d'un triangle dans l'ordre cro ssant ou decrossant selon les mesures de leurs angles opposés ?

A apprendre

Comparer les longueurs des côtés d'un triangle

Rouvelles expressions

- b les longueurs des côtés d'un triangle
- 5 le côté le plus court d'un thangle
- 🐤 le pius grand angle du triangle
- 👇 le plus petit angle du Inangle
- un segment perpendiculaire

2020 2021 Premier semestre مندوق ثفج ببياط الكرطة



Théorème (4)

Dans un triangle, si des angles ont des me les cotes opposes a ces angles ont des longues à Au plus grand angle est opposé le côte de cote

Hypothèses: ABC est un triangle tel que m (∠ c) m > (∠ в)

Conclusion: Démontrer que A B > A C

Démonstration: AB et AC sont deux segments,

a l'un des cas suivants doit être réalisé :

(1) A B < A C

(2) A B = A C

(3) A B > A C

Sì AB n'est pas plus grand que AC, alors :

soit AB = AC ou AB < AC

Si A B = A C, alors $m (\angle C) = m (\angle B)$

ce qui est contradictoire avec les hypothèses car m. ¿ C. > m. ¿ Bt.

Si A B < A C, alors $m (\angle C) < m (\angle B)$.

selon le théorème précédent.

ce qui est contradictoire aussi avec les hypothèses car-

 $m (\angle C) > m (\angle B)$

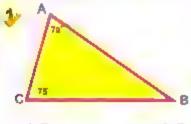
· AB>AC

Ce qu'il falfait démontrer



Pour s'entraîner

Dans chacune des figures suivantes, compléter avec > ou < ou =



A B

A C

A C

ВС

BC



XY

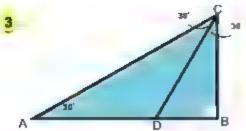
YZ XY

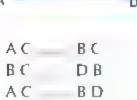
YZ

XZ

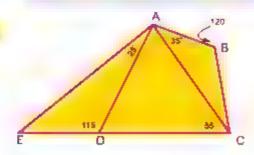
XZ

Unité 5 : Leçon 3





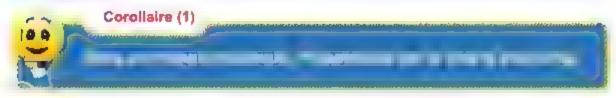
A C



BC A B CD CA A D AE CD A D

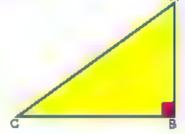
Coroffairee:

CD



Dans la figure ci-contre, A ABC est un triangle rectangle en B

- ∠ A est algu
- $a \cdot m (a \mid B) > m (a \mid A)$
 - AC > BC
- ∵ ∠ C est aigu
- $_{\wedge}$ m ($_{\mathbb{Z}}$ B) > m ($_{\mathbb{Z}}$ C).
- ∴ AC > A B



Notons que : Dans un triangle obtusangle, le côte oppose à l'angle obtus est le côte le plus long.



Réfléchissons

- AC > AB. Pourquoi ?
- AD > AB. Pourquoi?
- AE > AB Pourquoi?

La longueur de chacun des deux côtés de l'angle droit dans un triangle rectangle est plus petite que la longueur de l'hypotenuse.Pourquoi 🔧



Définition: La distance d'un point à une droite donnée est la longueur du segment perpendiculaire à la droite, joignant ce point à un point de la droite



Exemple

Dans la figure ci-contre, ABC est un triangle, E ∈ BA

$$m (a DAE) = 75^{\circ}$$

Démontrer que: AC > A B.

Hypothèses: AD // BC, $m \in EAD = 75^\circ$, $m \in DAC = 35^\circ$

Conclusion: Démontrer que A C > AB

Démonstration : AD // B C et AB est une sécante

$$m (\angle B) = m (\angle E A D) = 75^{\circ}$$

. m (
$$\angle A C B$$
) = m ($\angle D A C$) = 35° alternes-internes (2)

Dans le triangle ABC, on a :

$$m \{a \land B \land C\} = 75^{\circ}, m \{a \land A \land C \land B\} = 35^{\circ}$$

Donc
$$m$$
 ($\angle A B C$) > m ($\angle A C B$)

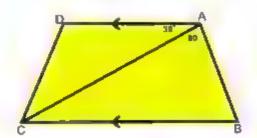
Ce qu'il fallait démontrer

Unité 5 : Leçon 3



- 1 ABC est un triangle tel que m 12 AI = 40°, m (2 B) = 75°, Ranger les longueurs des côtés du triangle dans l'ordre décroissant
- 2 Dans la figure ci-contre :

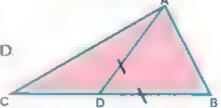
Démontrer que $B \subset A B$.



3 Dans la figure ci-contre :

A B C est un triangle, $D \in BC$ tel que B D = AD.

Démontrer que B C > A C.



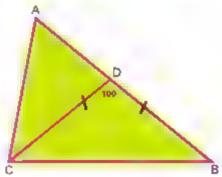
♠ Dans la figure ci-contre :

A B C est un triangle, CD est une bissectrice de

∠ C qui coupe AB en D.

 $m (\angle B D C) = 100^{\circ}, D B = D C.$

Démontrer que A C > D B.

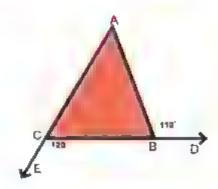


6 Dans la figure ci-contre :

ABC est un triangle, D∈ CB, E∈ AC,

 $m (A B D) = 110^{\circ}, m (A B C E) = 120^{\circ}.$

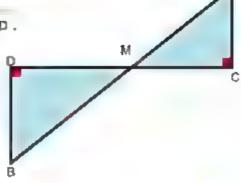
Démontrer que A B > B C.



6 Dans la figure ci-contre :

AB n CD = {M}, AC L CD , BD L CD.

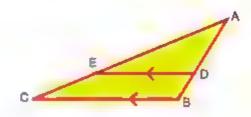
Démontrer que A B > C D.



Z Dans la figure ci-contre :

ABC est un triangle obtusangle en B,

Démontrer que A E > A D.

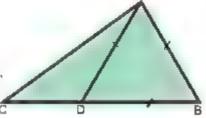


- 8 ABC est un triangle, CD est une bissectrice de 2 C, CD n AB = {D}.
 Démontrer que BC > BD
- A B C est un triangle tel que m (¿ A) = (5x + 2)°, m (¿ B) = (6x 10 °, m (¿ C) = (x + 20)°. Ranger les longueurs des côtés du triangle dans l'ordre croissant.

19 Dans la figure ci-contre :

A B C est un triangle, $D \in BC$ et A B = A D = B D.

Démontrer que BC > AC.



11 ABC est un triangle rectangle en B , D ∈ AC E ∈ BC tels que A D B E

Démontrer que m (∠ C F D) > m (∠ C D E).



fi apprendre : 🐫 l. négalité triangula re

Regressions:

snégalité triangulaire

S inégalité



Activité

En utilisant une règle graduee et un compas, essayer de tracer un triangle ABC tel que :

$$3 AB = 9 cm$$
, $BC = 4 cm$, $AC = 3 cm$

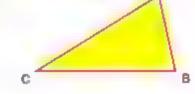
Parmi les cas précédents, lesquels ont permis de tracer le triangle ? Que peut-on conclure ?

Ràgio: La somme des longueurs de deux cotes d'un triangle est supérieure à la longueur du troisième côté.

Donc: dans un triangle ASC:

$$AB + BC > AC$$

$$BC + CA > AB$$



Par exemple, les nombres 5, 3 et 9 ne peuvent pas representer es longueurs des côtes d'un triangle car la somme des deux plus petits nombres = 3 + 5 = 8 < 9 et donc l'inégalité triangulaire n'est pas vénfiée



Exemple

Dans le triangle ABC, si AB = 10 cm, BC 8.5 cm, trouver l'intervalle auguel appartient le nombre représentant la longueur du côté AC .

2020 - 2021

مندوق ثفج بنياط الكرطة

Premier semestre



Solution

$$AC < AB + BC$$

Mais,
$$AC + BC > AB$$

$$-(2)$$



Dans chacun des cas suivants, on donne les longueurs de deux côtés d'un triangle. Trouver l'intervalle auquel appartient le nombre représentant la longueur du troisième côté :

A 6 cm, 9 cm B 5 cm, 12 cm C 7 cm, 15 cm D 2,9 cm, 3,2 cm

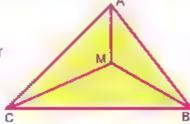


- Si es longueurs de deux côtes d'un triangle isocele sont 5 cm et 12 cm quel est la longueur de son troisième côté ?
- Lesquelles des longueurs suivantes peuvent être utilisées pour tracer un triangle?

 - A 5 cm, 7 cm, 8 cm B 4 cm, 9 cm, 3 cm
 - © 10 cm, 6 cm, 4 cm
- **D** 15 cm, 17 cm, 30 cm.
- Démontrer que la longueur d'un côte d'un triangle est intérieure à la moitié de son périmètre.
- Dans la figure ci-contre,

M est un point à l'interieur du triangle ABC. Démontrer que:

 $MA + MB + MC > \frac{1}{2}$ perimetre du triangle ABC



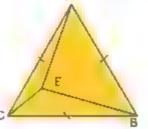
Démontrer que : la somme des longueurs des deux diagonales d'un quadrilatère convexe est inférieure à son périmètre



Dans la tigure ci-contre, ABC est un triangle équilatéral, E est un point à l'intérieur du triangle, m (ECB) > m (EBC).
A

Démontrer que : A) m (2 ABE) > m (2 ACE)

B) $m (\angle A) > m (\angle ABE) > m (\angle ACE)$

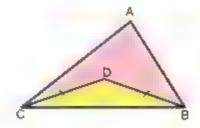


2. Dans la figure ci-contre,

DB = DCet

m (4 ABC) > m (4 ACB)

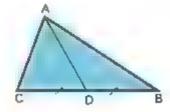
Démontrer que m (∠ ABD) > m (∠ ACD)



- 3 ABC est un triangle tel que AB = 6 cm, AC = 7 cm et BC = 8 cm. Ranger les mesures des angles du triangle dans l'ordre croissant.
- 🔥 Dans la figure ci-contre,

AB > AC, DB = DC

Démontrer que m (∠ BAD) < m (∠ CAD)

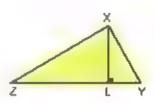


Dans la figure ci-contre,

XZ > XY et

XL _ ZY .

Démontrer que: m (z LZX) > m (z LXY).



6 Dans la figure ci-contre,

ABCD est un quadrilatère tel que

$$AB = AD = 5 cm$$
,

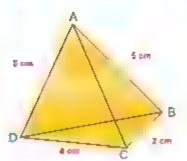
$$BC = 2 \text{ cm et DC} = 4 \text{ cm}$$

Démontrer que m (ε ABC) > m (ε ADC).

7 Dans la figure ci-contre,

$$m (\angle ECB) = 120^{\circ}.$$

Démontrer que: CB > AB.



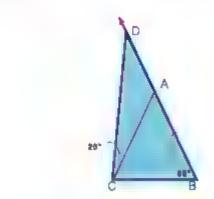
E C 120' 140 B D

8 Dans la figure ci-contre,

$$m (\angle ABC) = 65^{\circ} el$$

$$m (\angle ACD) = 20^{\circ}$$
.

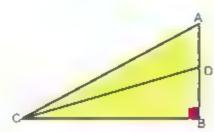
Démontrer que AB > AD.



9 Dans la figure ci-contre,

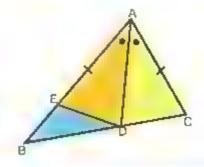
$$m (s B) = 90^{\circ}$$
.

Démontrer que A C > D C.

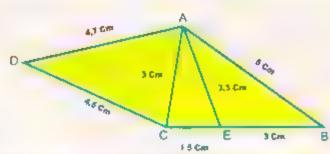


10 Dans la figure ci-contre,

$$A C > D C$$
, $m (_{\mathcal{E}} CAD) = m (_{\mathcal{E}} BAD)$ et
 $A E = A C$.



le Portfolio



1 Observer la figure, puis compléter avec < ou >

A m (a D A C) m (a A C D)

B m (2 A E C) m (2 E C A)

C m (a A B E) m (a E A B)

D m (2 C D A) m (2 D A C)

E m (2 A F B) m (2 E A C)

- 2 Dans un triangle ABC, si AB = 6 cm, BC = 9 cm, alors AC ∈]. [
- 3 ABC est un triangle tel que m (∠ A) (9xi°, m (∠ B) (6x 17)°
 et m (∠ C) = (7 x 1)°.

Ranger les longueurs des côtés du triangle dans l'ordre cro ssant



Compléter pour obtenir des phrases correctes :

- A Le plus petit angle dans un triangle est opposé
- B Dans Δ ABC, si m iz A) 70° et m (zB) = 30°, alors le p us long côté du triangle est
- C Si les longueurs de deux côtés d'un triangle isocèle sont 3 cm et 7 cm, alors la longueur de son troisieme côte est égale à cm
- D ABC est un triangle tel que m (¿ A) = 100°. Le côté le plus long du triangle est
- E ABC est un triangle tel que AB = 3 cm, BC = 5 cm. Alors AC € ,
- F Le plus long côté d'un triangle rectangle est

2. Dans la figure ci-contre,

ABCD est un quadrilatère tel que

AB = 6 cm, BC = 4 cm,

CD = 7 cm et DA = 8 cm.

Démontrer que :

m (2 BCD) > m (2 BAD)



A B C est un triangle, BD est une bissectrice de

a B, BD n AC = (D) et DE // CB qui coupe AB en E.

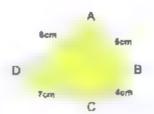
Démontrer que A B > A D.

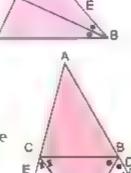
Dans la figure ci-contre,

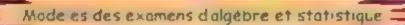
ABC est un triangle tel que AB > AC, $D \in AB$, $E \in AC$ BF est une bissectrice de $\angle DBC$, CF est une bissectrice de $\angle BCE$ et $BF \cap CF = \{F\}$.



B CF > BF







Modèle (1)

[1] Complète de qui siné :

- L'ensemble solution, dans R, de l'équation $(x^2 + 3)(x^3 + 1) = 0$ est (1)
- (2) Si la borne inferieure d'un intervalle est 10, la borne supérieure de l'intervalle est x el son centre est 15, alors 2 est égale à
- (3) $[-2,2] \cup [-2,0] =$
- (4) Si le volume d'un cube est 8 cm², alors la somme des longueurs de ses arêtes est égale àcm
- L'inverse du nombre ($\sqrt{3} + \sqrt{2}$), sous la forme la plus simple, est égal à

(hoisis la bonne réponse parmi les réponses données

- Si la longueur du rayon d'une sphere est égal à 6 cm, alors son volume est égal à (1)
 - (a) 6π cm³
- (b) 36 x cm³
- (c) 72 π cm³ (d) 288 π cm³
- (2) 5) le point (a ; 1) vérifie la relation 3 + v = 5 ; nlors a =

- (b) -4
- (c) 4
- (d) 5

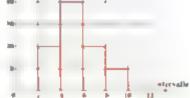
- 21/2 1 . α
 - (a) 4
- (b) \$ (c) 16
- (d) 40
- La mediane des valeurs 34 , 23 , 25 , 40 , 22 , 4 est (4)
 - (a) 22
- (b) 23
- (c) 24
- (d) 25
- Si la moyenne anthmetique des valeurs 27, 8, 16, 24, 6, k est 14, alors la (5) valeur de k est egale à
 - (a) 3
- (b) 6
- (c) 27
- (d) 84

- La figure ci-contre : Le mode = (6)
 - (a) 4

(b) 5

- (c) 6
- (d) 40
- [3]a) Ecris sous la forme la plus simple

$$\sqrt{18} + \sqrt{54} - 3\sqrt{2} - \frac{1}{2}\sqrt{24}$$



- b) Soient x = 3 et y = \(\foats 5 \times 2\). Démontre que x et y sont conjugués
- [4]a) Trace graphiquement la relation linéaire : y = 2 x



- [5] (a) La longueur du rayon de la base d'un cylindre circulaire droit est égale à 4\2 cm et la longueur de sa hauteur est 9 cm. Calcule son volume en fonction de π. Si son volume est égale au volume d'une sphère, determine la longueur du rayon de la aphère.
 - (b) Détermine la moyenne arithmetique de la distribution donnée par le tableau suivant.

Intervalle	5 →	15 →	25 →	35 →	45 →	Totale
Effectifs	7	10	12	13	8	50

Modèle (2)

[1] Complète ce qui suit :

- (1) L' opposé du nombre -√3 √5 est
- (2) $(\sqrt{8} + \sqrt{2}) (\sqrt{8} \sqrt{2}) = \dots$
- (3) La conjuguée du nombre $\frac{2\sqrt{5}-3\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ est égale à
- (4) Si le volume d'une sphère est égale à $\frac{9}{2}$ π cm², alors la longueur de son diamètre =cm.
- (5) [3;4] (3;5) =

[2] Choisis le bonne réponse :

- (1) Si le volume d'un cube est égale à 27 cm³ ; alors l'aire de l'un de ses faces est égale à
 - (a) 3 cm²
- (b) 9 cm²
- (c) 36 cm²
- (d) 54 cm²
- (2) Si le mode de valeurs 4:11:8;2× est 4: alors × =
 - (a) 2
- (b) 4
- (c) 6
- (d) 8
- (3) Si la moyenne arithmétique des valeurs 18 ; 23 ; 29 ; 2k −1 ; k est 18, alors la valeur de k =
 - (a) 1
- **(b)** 7
- (c) 29
- (d) 90
- (4) Si la borne inférieure d'un intervalle est 4 et la borne supérieure de l'intervalle est 8, alors son centre est
 - (a) 2
- (b) 4
- (c) 6
- (d) 8
- (5) Un cylindre droit le rayon de sa base est égale r. Sa hauteur est égale au diamètre de sa base. Alors son volume = cm³
 - (a) πε³
- (b) πr²
- (c) $2\pi r^{3}$
- (d) 2c*



- (a) (0)
- (b) [1]
- (c) (-1)
- (d) (0; -1; 1)

[3]a) Eeris sous la forme la plus simple
$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}-\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}+\sqrt{3}}$$

b) Démantre que
$$\sqrt[3]{128} + \sqrt[3]{16} - 2\sqrt[3]{54} = 0$$

b) Si
$$x = \sqrt{2 + \sqrt{3}}$$
, détermine la valeur de $x^4 - 2x^2 + 1$



b) Détermine la moyenne srithmétique de la distribution donnée par le tableau suivant

2424 4 8211						
Intervalle	5-→	15→	25→	35-→	45→	Total
Effectif	4	5	6	3	2	20



Pour les élèves intégrés

Première question: Complète:

- 1) Le conjugué du nombre $\sqrt{3} + \sqrt{2}$ est......
- 2) 18 + 154 3/2 =
- 3) Le mode des valeurs 3; 5; 3; 4; 3 est
- 4) la médiane des valeurs 2; 3; 5; 7; 9 est
- 5) L'ensemble solution de l'équation $x^2 + 9 = 0$ dans R est

Deuxième question: Choisis la bonne réponse d'entre parenthèses

- 1) La moyenne arithmétique des valeurs 9; 6; 5; 14; 1 est
 - (a) 7

- (b) 3
- (c) 5
- (d)9
- 2) La forme la plus simple de $(\sqrt{3} \cdot \sqrt{2})$ $(\sqrt{3} \cdot \sqrt{2})$ est
 - (a) √3
- (b) 1
- (c) √2
- (d) 2 √3

- 3) L'opposé du nombre √5
 - (a) √5°
- (b) 5
- (c) √∑
- (d) -5

- 4) [3;5] {3;5} =
 - (a)]3;5[
- (b) [3;5[
- (c) 🏚
- (d) [3;5]
- 5) Le volume d'un cube est 64 cm³, alors la longueur de son arête = cm
 - (a) 4

- (b) 8
- (c) 16
- (d) 64

Truisième question: écris devant chaque phrase de la deuxième colonne le nombre de la phrase convenable de la première colonne:

(A)			(B)		
 i) L'ensemble solution de l'équation x² - 25 = 0 dans R est 	[0,2]	()		
2) [3, 2] \cap [0, 2] =	7	()		
3) Si le rang de la médiane est le quatrième, alors Le nombre des données =,	{5,-5}	()		
4) √T est un nombre	3		7	()
5) L'ensemble solution de l'inèquation 3 ≤ x ≤ 7 est	irrationnel	()		

Quatrième question mets le signe (*) devant la phrase juste et le signe (*) devant la phrase fausse:

- 1) La moyenne anthmétiques d'un ensemble des valeurs = leur somme + leur nombre ()
- 2) Si $x = \sqrt{13} \sqrt{7}$ et $y = \sqrt{11} + \sqrt{7}$ alors x et y sont conjugues. (1)
- 3) Le nombre arrationnel √7 est compris entre 2 et 3 (1)
- $4)\sqrt{75} \cdot 2\sqrt{27} = 7\sqrt{3}$
- S) La forme la plus simple de $\frac{1}{\sqrt{5}}$ est $\frac{\sqrt{5}}{5}$

Cinquième question:

(a) Si la boren inférieur d'un intervalle est 4, et la boren supérieure est 8, alorse le centre de cette intervalle = \frac{1000 min + 1000 min

2020 2021

(h) Complète le tableau suivant pour déterminer la moyenne

Intervalle	9.	15.	25-	35-	45	Total
1 ffectif	7	10	12	13	8	50

Intervalle	Centre d'intervalle	Effectif (E)	$\mathbf{C} \times \mathbf{E}$
5 -	10	7	10 × 7 = 70
15 -	20	10	20 × 10 =
25 -	*********	******	× 12 =,
35 -	10-4-011111-h		× 13 =
45 -	84+481818	*****	x 8 =
Total		50	*****************

La moyenne =
$$\sum (C \times E)$$
 = =



Modèle (1)

- [1] Complète et que sunt :
- (1) Dans un triangle rectangle,

est le côté le plus long.

- (2) Si les longueurs de deux côtes d'un triangle sont 2 cm et 7 cm, alors . < la longueur du 3^{dest} côté <</p>
- (3) Dans un triangle, si des angles ont des mesures inégales, alors au plus grand angle.
- (4) Si la longueur d'une médiane d'un triangle est égale à la moitié de la longueur du côté correspondant, alors
- (5) Si la mesure d'un angle d'un triangle isocèle est 60°, alors ce triangle est
- [2] Choisis la bonne réponse parmi les réponies données :
- (1) Dans la figure ci-contre, ABC est un triangle équilateral, Alors m(∠ACD) =

(a) 45°

(b) 60°

 \triangle

(c) 120°

(d) 135°

(2) Dans un triangle ABC rectangle en B, si AC = 20 cm, alors la longueur de la mediane issue de B est egale à

(a) 10 cm

- (b) 8 cm
- (c) 6 cm
- (d) 5 cm
- (3) XYZ est un triangle tel que m($\angle Z$) = 70° et m($\angle Y$) = 60°, alors YZ XY (a) > (b) < (c) = (d) est le double de
- (4) Lesquelles des longueurs suivantes peuvent être utilisées pour tracer un triangle?
 (a) 0, 3, 5
 (b) 3, 3, 5
 (c) 3; 3, 6
 (d) 2; 3; 6
- (5) Le triangle dont les mesures de deux angles 42° et 69° est un triangle (a) isocele (b) équilateral (c) quélconque (d) rectangle
- (6) Dans la figure ci contre : m(C) = 2 m(A) , alors AC =cm A

(a) 3

(b) 6

(c) 9

(d) 12

8 6 cm C



b) Dans la figure ci-contre, m (_ A) = 50°. AB = AC et DBC est un triangle équilateral Treuve : $m (\angle ABD)$.



c) Dans la figure ci-contre, \overline{AD} // \overline{BC} , m ($\angle BAC$) = 70° et m ($\angle DAC$) = 50° Démontre que BC > AC.

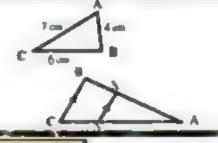


- Démontre que « Dans un triangle isocèle, les deux angles à la base sont [4]a) superposables, »
 - b) Dans la figure ci-contra, AB = AC. BD est une bissectrice de ∠B et CD est une bissectrice de ZC



[5]a) Dans la figure ci-contre. Range les angles du triangle ABC dans l'ordre decroisant.

b) Dans la figure ci-contre, AB > BC. XY // BC Démontre que AX > XY



Démontre que DBC est un triangle isocéle

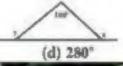
Modèle (2)

- [1] Choisis la bonne réponse parim les réponses données
- (1) Le triangle qui a trois axes de symétrie, est un triangle
 - (a) quelconque
- (b) isocele
- (c) rectangle
- (d) éguilatéral
- (2) La somme des longueurs de deux côtés d'un triangle est la iongueur du troisième côte
 - (a) supérieure à
- (b) inferieure à (c) égale à
- (d) double de
- Si les longueurs de deux côtés d'un triangle isocèle sont 8 cm et 4 cm, alors la (3) longueur du 3 côté est égale à ... om
 - (a) 4
- (b) 8
- (c) 3
- (d) 12



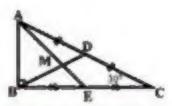
- (a) BC
- (b) AC
- (c) AB
- (d) sa médiane
- (5) XYZ est un triangle isocèle tel que m(∠X) = 100°, alors m(∠Y) =
 - (a) 100°
- (b) 80°
- (c) 60°
- (d) 40°

- (6) Dans la figure ci-contre :
 - $x + y = \dots$ (a) 100°
- (b) 140°
- (c) 180°



[2] Complète ce qui suit :

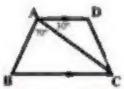
- (1) Si la mesure d'un angle d'un triangle rectangle est 45°, alors ce triangle est
- (2) La longueur d'un côté d'un triangle est la somme des longueurs de deux autres côtés.
- (3) Si AB = XY, alors AB =
- (4) Dans un triangle ABC, si $m(\angle A) = 30^{\circ}$ et $m(\angle B) = 90^{\circ}$, alors BC = ... AC.
- [3]a) ABC est un triangle tel que AB = 7 cm, BC = 5 cm et AC = 6 cm. Range les mesures des angles du triangle dans l'ordre croissant.
 - b) Dans la figure ci-contre,
 ABC est un triangle rectangle en B, m (∠C) = 30°,
 D et E sont les milieux respectifs de AC et BC,
 AC = 9 cm. Détermine les longueurs des BD, BM et AB.



[4]a) Dans la figure ci-contre, m (∠ABC) = m (∠BDE) = 90°. m (∠E) = 30°. D est le milieu de AC. Démontre que AC = BE.



 b) Dans la figure ci-contre, AD // BC, m (∠BAC) = 70° et m (∠DAC) = 30°.
 Démontre que AC > BC.



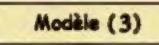
- [5]a) Complète: « Dans un triangle, si des angles ont des mesures inégales, alors au plus grand angle est opposé »
 - b) Dans la figure ci-contre,

AB // XY, AB est une bissectrice de ∠YAZ.

Démontre que XZ> YZ.







Pour les élèves intégrés

Premiere question: Complète:

1) Le point d'intersection des	médianes d'un	triangle partage	chacune des	médianes	dans	le
rapport : a p	artir de la base					

- 2) Dans un triangle rectangle la longueur de la médiane issue du sommet de l'angle droit =
- 3) Les angles à la base d'un triangle isocèle
- 4) Dans △ ABC, m (∠ B) = 70°, m (∠ C) = 50°, alors AC AB

Deuxième question: Choisis la boone réponse d'entre parenthèses:

- Si △ ABC est équilatérale alors m (∠ B) =
 - (a) 30°
- (b) 60°
- (c) 70°
- (d) 90°
- 2) La longueur du côté opposé de l'angle de 30° dans un triangle rectangle = l'hypoténuse.
 - (a) 1
- (b) $\frac{1}{3}$ (c) $\frac{1}{4}$
- (d) 2
- 3) Si la mesure de l'angle au sommet d'un triangle isocèle est 80°, alors la mesure de l'angle à la base =
 - (a) 60°
- (b) 40°
- (c) 30°
- (d) 50°
- Le nombre d'axe de symétrie d'un triangle isocèle =
 - (a) |
- (b) 2
- (c) 3
- 0(b)
- 5) Dans \triangle ABC, m (\angle A) = 50°, m (\angle B) = 60°, alors le plus long côté est
 - (a) AB
- (b) BC
- (c) AC

Troisième question: ABC est un triangle ractangle en B, m (\(\alpha\) C) = 30°, AB = 5.cm.

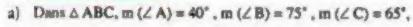
5 cm

B

Détermine la longueur de AC.

$$AB = \frac{1}{2} \times \dots$$

Quatrième question:



Range les longueurs des côtés du triangle décroissent.



Cinquième question: Dans la figure ci-contre:

$$AB = AC = CD = AD$$
, m ($\angle BAC$) = 70°

Dans △ ABC:

:.
$$m (\angle B) = m (\angle C) = \frac{180 - 2}{2} = ...$$

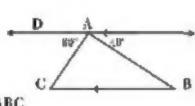
Dans A ABC:

Mets le signe (v) devant la phrase vraie et le signe (x) devant la phrase fausse :

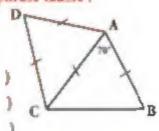
Dans la figure ci-contre :

$$AB = AC = CD = AD = 10 \text{ cm}; \text{ m} (\angle BAC) = 70^{\circ}$$

(4)
$$AB + AD = 20 \text{ cm}$$



70





المواصفات الفنية

رقم الكتاب	التجليد	طباعة الفلاف	طباعة الآتن	ورق الفلاف	ورق المتن	عدد الصفحات بالفلاف	القاس
104./1./10/11/7/71	ېشر	ئالون	ة فون	۲۰۰ چرام	۵۰ چرام	13+	(ATHOY) 1

http://elearning.moe.gov.eg

سندوق تأمين شباط الشرطة

جميع حقوق الطبع محفوظة أوزار تالتربية والتطيم والتطيم الفنى داخل جمهورية مصر المربية